



ریاضی - دہم

NOTESPK Guess Papers 2023

For BsISE, Faisalabad, Lahore, Multan, Rawalpindi, Gujranwala, Sargodha, DG Khan, Sahiwal, Bahawalpur

گیس پیپر سوالات کی اہمیت کے پیش نظر سابقہ پرچہ حبات کو دیکھتے ہوئے محترم اساتذہ کرام کے قیاس یا تجربے پر مشتمل ہوتے ہیں۔ بہترین مارکس کے لئے جامع تیاری بہت ضروری ہے۔ گیس پیپر زکو پریکٹس کے لئے یا اہم سوالات کی نشان دہی کے لئے استعمال کیا جاسکتا ہے۔ واللہ اعلم!

دنیا و آخرت کے تمام امتحانات میں کامیابی و نصرت کے لئے **اللہ رب العزت** کی طرف توجہ اور دعا بہت معنی رکھتی ہے۔ آسانیوں کے حصول کے لئے **دروود شریف** کی کثرت ضرور کریں۔ آپ سب کی کامیابی کے لئے بہت ساری دعائیں۔ ہمدے و سدا رہو سدا!

نوٹ: سوالات کی نمبرنگ (Numbering) ٹیکسٹ بک کے مطابق کی گئی ہے۔ معروضی سوالات notespk.com پر دستیاب ہیں۔

باب نمبر 1: دو درجی مساواتیں

مثالیں

Solve by factorization: $5x^2 = 30x$

2 1.2(i) بذریعہ تجزی حل کیجیے: $5x^2 = 30x$

مشق نمبر 1.1

| | |
|---|--|
| Write the quadratic equation in the standard form and point out pure quadratic equation: $(x+7)(x-3) = -7$ | (i) Q1 مساوات کو معیاری فارم میں لکھئے اور پورے دو درجی مساوات کی نشاندہی کیجیے: $(x+7)(x-3) = -7$ |
| Solve by factorization: $3y^2 = y(y-5)$ | (ii) Q2 بذریعہ تجزی حل کیجیے: $3y^2 = y(y-5)$ |
| Solve by factorization: $x^2 - 11x = 152$ | (iv) بذریعہ تجزی حل کیجیے: $x^2 - 11x = 152$ |
| Solve by completing square: $7x^2 + 2x - 1 = 0$ | (i) Q3 بذریعہ تکمیل مربع حل کیجیے: $7x^2 + 2x - 1 = 0$ |
| Solve by completing square: $x^2 - 2x - 195 = 0$ | (vi) بذریعہ تکمیل مربع حل کیجیے: $x^2 - 2x - 195 = 0$ |

مشق 1.2

Solve the equation using quadratic formula:

(i) Q1 دو درجی فارمولا کے استعمال سے حل کیجیے: $2 - x^2 = 7x$

مشق نمبر 1.3

| | |
|--|--|
| Solve the equation: $4 \cdot 2^{2x+1} - 9 \cdot 2^x + 1 = 0$ | Q12 مساوات کو حل کیجیے: $4 \cdot 2^{2x+1} - 9 \cdot 2^x + 1 = 0$ |
| Solve the equation: $(x+1)(x+3)(x-5)(x-7) = 192$ | Q15 مساوات کو حل کیجیے: $(x+1)(x+3)(x-5)(x-7) = 192$ |

متفرق مشق 1

| | |
|--------------------------------------|---|
| Solve: $x^2 + 2x - 2 = 0$ | (i) Q2 حل کیجیے: $x^2 + 2x - 2 = 0$ |
| Solve by factorization: $5x^2 = 15x$ | (ii) بذریعہ تجزی حل کیجیے: $5x^2 = 15x$ |

Solve: $\sqrt{3x+18} = x$

Define quadratic equation.

Define reciprocal equation:

Define exponential equation.

Define radical equation.

حل کیجیے: $\sqrt{3x+18} = x$ (vi)

دو درجی مساوات کی تعریف لکھئے۔ (vii)

معلوس مساوات کی تعریف لکھئے۔ (viii)

قوت نمائی مساوات کی تعریف لکھئے۔ (ix)

جزری مساوات کی تعریف لکھئے۔ (x)

تعریفیں

Define quadratic equation. Give an example.

What is meant by standard form of quadratic equation?

Define reciprocal equation and give an example.

Define exponential equation. Give an example.

Define radical equation. Give an example.

دو درجی مساوات کی تعریف کیجیے۔ ایک مثال دیجیے۔

دو درجی مساوات کی معیاری شکل سے کیا مراد ہے؟

معلوس مساوات کی تعریف کیجیے اور ایک مثال دیجیے۔

قوت نمائی مساوات کی تعریف کیجیے۔ ایک مثال دیجیے۔

جزری مساوات کی تعریف کیجیے۔ ایک مثال دیجیے۔

باب نمبر 2: دو درجی مساواتوں کا نظریہ

مثالیں

Find the discriminant of the equation:

$$2x^2 - 7x + 1 = 0$$

مساوات کا فرق کنندہ معلوم کیجیے: (a) 1

Find the discriminant of the equation:

$$x^2 - 3x + 3 = 0$$

مساوات کا فرق کنندہ معلوم کیجیے: (b)

مشق 2.1

Find the discriminant of the quadratic equation:

$$2x^2 + 3x - 1 = 0$$

دو درجی مساوات کا فرق کنندہ معلوم کیجیے: (i) Q1

Find the discriminant of the quadratic equation:

$$6x^2 - 8x + 3 = 0$$

دو درجی مساوات کا فرق کنندہ معلوم کیجیے: (ii)

Find the discriminant of the quadratic equation:

$$9x^2 - 30x + 25 = 0$$

دو درجی مساوات کا فرق کنندہ معلوم کیجیے: (iii)

Find the discriminant of the quadratic equation:

$$4x^2 - 7x - 2 = 0$$

دو درجی مساوات کا فرق کنندہ معلوم کیجیے: (iv)

مشق نمبر 2.2

Find the cube roots of 64, -27, 8, -1

64, -27, 8, -1 کے جذور المکعب معلوم کیجیے۔ Q1

Evaluate: $(1 - \omega - \omega^2)^7$

قیمت معلوم کیجیے: $(1 - \omega - \omega^2)^7$ (i) Q2

Evaluate: $(1 - 3\omega - 3\omega^2)^5$

قیمت معلوم کیجیے: $(1 - 3\omega - 3\omega^2)^5$ (ii)

Evaluate: $(9 + 4\omega + 4\omega^2)^3$

قیمت معلوم کیجیے: $(9 + 4\omega + 4\omega^2)^3$ (iii)

Prove that: $x^3 + y^3 = (x + y)(x + \omega y)(x + \omega^2 y)$

ثابت کیجیے کہ: $x^3 + y^3 = (x + y)(x + \omega y)(x + \omega^2 y)$ Q3

مشق نمبر 2.3

Without solving, find the sum and the product of the roots of the quadratic equation: $x^2 - 5x + 3 = 0$

دو درجی مساوات کو حل کیے بغیر مجموعہ اور حاصل ضرب معلوم کیجیے: $x^2 - 5x + 3 = 0$ (i) Q1

Without solving, find the sum and the product of the roots of the quadratic equation: $3x^2 + 7x - 11 = 0$

دو درجی مساوات کو حل کیے بغیر مجموعہ اور حاصل ضرب معلوم کیجیے: $3x^2 + 7x - 11 = 0$ (ii)

Without solving, find the sum and the product of the roots of the quadratic equation: $px^2 - qx + r = 0$

دو درجی مساوات کو حل کیے بغیر مجموعہ اور حاصل ضرب معلوم کیجیے: $px^2 - qx + r = 0$ (iii)

Without solving, find the sum and the product of the roots of the quadratic equation:

$$px^2 - qx + r = 0$$

$$7x^2 - 5mx + 9n = 0 \quad \text{دو درجی مساوات کو حل کیے بغیر مجموعہ اور حاصل ضرب معلوم کیجیے:} \quad \text{(vi)}$$

Without solving, find the sum and the product of the roots of the quadratic equation:

$$7x^2 - 5mx + 9n = 0$$

مثالیں

$$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha} \quad \text{اگر } \alpha, \beta \text{ مساوات } 2x^2 - 3x - 5 = 0 \text{ کے روٹس ہوں تو دیے ہوئے روٹس سے مساوات بنائیے:} \quad \text{(iv) } 2$$

If α, β are the roots of the equation $2x^2 - 3x - 5 = 0$, form quadratic equation having roots $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$

$$\alpha + \beta, \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} \quad \text{اگر } \alpha, \beta \text{ مساوات } 2x^2 - 3x - 5 = 0 \text{ کے روٹس ہوں تو دیے ہوئے روٹس سے مساوات بنائیے:} \quad \text{(v)}$$

If α, β are the roots of the equation $2x^2 - 3x - 5 = 0$, form quadratic equation having roots

$$\alpha + \beta, \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$$

مشق نمبر 2.5

- Write quadratic equation having roots: 1,5 دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس 1,5 ہوں۔ (a) Q1
- Write quadratic equation having roots: 4,9 دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس 4,9 ہوں۔ (b)
- Write quadratic equation having roots: -2,3 دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس -2,3 ہوں۔ (c)
- Write quadratic equation having roots: 0,-3 دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس 0,-3 ہوں۔ (d)
- Write quadratic equation having roots: 2,-6 دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس 2,-6 ہوں۔ (e)
- Write quadratic equation having roots: -1,-7 دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس -1,-7 ہوں۔ (f)
- Write quadratic equation having roots: $1+i, 1-i$ دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس $1+i, 1-i$ ہوں۔ (g)
- Write quadratic equation having roots: $3+\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}$ دو درجی مساوات بنائیے۔ جس کے روٹس $3+\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}$ ہوں۔ (h)

مشق نمبر 2.6

- (i) Q1 ترکیبی تقسیم کو استعمال کرتے ہوئے حاصل قسمت اور باقی معلوم کیجیے۔ جب: $(x^2 + 7x - 1) \div (x + 1)$
- Use synthetic division to find the quotient and the remainder, when: $(x^2 + 7x - 1) \div (x + 1)$
- (ii) ترکیبی تقسیم کو استعمال کرتے ہوئے حاصل قسمت اور باقی معلوم کیجیے۔ جب: $(4x^3 - 5x + 15) \div (x + 3)$
- Use synthetic division to find the quotient and the remainder, when: $(4x^3 - 5x + 15) \div (x + 3)$
- (iii) ترکیبی تقسیم کو استعمال کرتے ہوئے حاصل قسمت اور باقی معلوم کیجیے۔ جب: $(x^3 + x^2 - 3x + 2) \div (x - 2)$
- Use synthetic division to find the quotient and the remainder, when: $(x^3 + x^2 - 3x + 2) \div (x - 2)$
- (i) Q2 ترکیبی تقسیم کے استعمال سے h کی قیمت معلوم کیجیے اگر عدد '3' کثیر رقمی $2x^3 - 3hx^2 + 9$ کا زیرو ہو۔
- Find the value of h using synthetic division, if 3 is the zero of the polynomial $2x^3 - 3hx^2 + 9$
- (ii) ترکیبی تقسیم کے استعمال سے h کی قیمت معلوم کیجیے اگر عدد '1' کثیر رقمی $x^3 - 2hx^2 + 11$ کا زیرو ہو۔
- Find the value of h using synthetic division, if 1 is the zero of the polynomial $x^3 - 2hx^2 + 11$
- (iii) ترکیبی تقسیم کے استعمال سے h کی قیمت معلوم کیجیے اگر عدد '-1' کثیر رقمی $2x^3 + 5hx - 23$ کا زیرو ہو۔
- Find the value of h using synthetic division, if '-1' is the zero of the polynomial $2x^3 + 5hx - 23$

مشق نمبر 2.7

- Solve the simultaneous equations: $x^2 + 2y^2 = 22$; $5x^2 + y^2 = 29$ ہمزاد مساواتوں کو حل کیجیے: Q7

| | | |
|---|-----------------------------|----|
| Solve the simultaneous equations: $4x^2 - 5y^2 = 6 ; 3x^2 + y^2 = 14$ | ہمزاد مساواتوں کو حل کیجیے: | Q8 |
| Solve the simultaneous equations: $7x^2 - 3y^2 = 4 ; 2x^2 + 5y^2 = 7$ | ہمزاد مساواتوں کو حل کیجیے: | Q9 |

مشق نمبر 2.8

| | | |
|--|--|----|
| The product of two positive consecutive numbers is 182. Find the numbers. | دو مسلسل مثبت اعداد کا حاصل ضرب 182 ہے۔ اعداد معلوم کیجیے۔ | Q1 |
| The difference of a number and its reciprocal is $\frac{15}{4}$. Find the number. | ایک عدد اور اس کے معکوس کا فرق $\frac{15}{4}$ ہے۔ عدد معلوم کیجیے۔ | Q5 |

متفرق مشق 2

| | | |
|---|--|---------|
| Evaluate: $\omega^{37} + \omega^{38} + 1$ | $\omega^{37} + \omega^{38} + 1$ کی قیمت معلوم کیجیے۔ | (vi) Q2 |
| Evaluate: $(1 - \omega + \omega^2)^6$ | $(1 - \omega + \omega^2)^6$ کی قیمت معلوم کیجیے۔ | (vii) |

تعریفیں

| | |
|----------------------------------|--------------------------------|
| Define symmetric functions. | سمیٹرک تفاعل کی تعریف کیجیے۔ |
| Define synthetic division. | ترکیبی تقسیم کی تعریف کیجیے۔ |
| What are simultaneous equations? | ہمزاد مساواتوں سے کیا مراد ہے؟ |

باب نمبر 3: تغیرات

مشق نمبر 3.1

| | | |
|---|--|----|
| Find the value of p, if the ratios $2p + 5 : 3p + 4$ and $3 : 4$ are equal. | p کی قیمت معلوم کیجیے۔ اگر نسبتیں $2p + 5 : 3p + 4$ اور $3 : 4$ برابر ہوں۔ | Q4 |
| If the ratios $3x + 1 : 6 + 4x$ and $2 : 5$ are equal. Find the value of x. | اگر نسبتیں $3x + 1 : 6 + 4x$ اور $2 : 5$ برابر ہوں تو x کی قیمت معلوم کیجیے۔ | Q5 |
| If $a : b = 7 : 6$, find the value of $3a + 5b : 7b - 5a$. | اگر $a : b = 7 : 6$ تو $3a + 5b : 7b - 5a$ کی قیمت معلوم کیجیے۔ | Q9 |

مشق نمبر 3.3

| | | |
|--|---|--------|
| Find a third proportional to: 6,12 | تیسرا متناسب معلوم کیجیے: 6,12 | (i) Q1 |
| Find a third proportional to: $a^3, 3a^2$ | تیسرا متناسب معلوم کیجیے: $a^3, 3a^2$ | (ii) |
| Find a fourth proportional to: 5,8,15 | چوتھا متناسب معلوم کیجیے: 5,8,15 | (i) Q2 |
| Find a fourth proportional to: $4x^4, 2x^3, 18x^5$ | چوتھا متناسب معلوم کیجیے: $4x^4, 2x^3, 18x^5$ | (ii) |
| Find a mean proportional between 20,45 | وسطی تناسب معلوم کیجیے: 20,45 | (i) Q3 |
| Find a mean proportional between $20x^3y^5, 5x^7y$ | وسطی تناسب معلوم کیجیے: $20x^3y^5, 5x^7y$ | (ii) |
| Find a mean proportional between $15p^4qr^3, 135q^5r^7$ | وسطی تناسب معلوم کیجیے: $15p^4qr^3, 135q^5r^7$ | (iii) |
| Find the values of the letter involved in the given continued proportion: 5,p,45 | 5,p,45 میں مسلسل تناسب ہے۔ p کی قیمت معلوم کیجیے۔ | (i) Q4 |
| Find the values of the letter involved in the given continued proportion: 8,x,18 | 8,x,18 میں مسلسل تناسب ہے۔ x کی قیمت معلوم کیجیے۔ | (ii) |

مشق نمبر 3.4

- If $a : b = c : d$ then prove that: $\frac{4a + 5b}{4a - 5b} = \frac{4c + 5d}{4c - 5d}$ اگر $a : b = c : d$ تو ثابت کیجیے کہ (i) Q1
- If $a : b = c : d$ then prove that: $\frac{2a + 9b}{2a - 9b} = \frac{2c + 9d}{2c - 9d}$ اگر $a : b = c : d$ تو ثابت کیجیے کہ (ii)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $x = \frac{4yz}{y+z}$ کی قیمت معلوم کیجیے اگر $\frac{x+2y}{x-2y} + \frac{x+2z}{x-2z}$ ہو۔ (i) Q2
- Using theorem of componendo-dividendo find the value of $\frac{x+2y}{x-2y} + \frac{x+2z}{x-2z}$, if $x = \frac{4yz}{y+z}$ (ii)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $m = \frac{10np}{n+p}$ کی قیمت معلوم کیجیے اگر $\frac{m+5n}{m-5n} + \frac{m+5p}{m-5p}$ ہو۔ (iii)
- Using theorem of componendo-dividendo find the value of $\frac{m+5n}{m-5n} + \frac{m+5p}{m-5p}$, if $m = \frac{10np}{n+p}$ (iii)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $x = \frac{12ab}{a-b}$ کی قیمت معلوم کیجیے اگر $\frac{x-6a}{x+6a} - \frac{x+6b}{x-6b}$ ہو۔ (iv)
- Using theorem of componendo-dividendo find the value of $\frac{x-6a}{x+6a} - \frac{x+6b}{x-6b}$, if $x = \frac{12ab}{a-b}$ (iv)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $x = \frac{3yz}{y-z}$ کی قیمت معلوم کیجیے اگر $\frac{x-3y}{x+3y} - \frac{x+3z}{x-3z}$ ہو۔ (v)
- Using theorem of componendo-dividendo find the value of $\frac{x-3y}{x+3y} - \frac{x+3z}{x-3z}$, if $x = \frac{3yz}{y-z}$ (v)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $s = \frac{6pq}{p-q}$ کی قیمت معلوم کیجیے اگر $\frac{s-3p}{s+3p} + \frac{s+3q}{s-3q}$ ہو۔ (vi)
- Using theorem of componendo-dividendo find the value of $\frac{s-3p}{s+3p} + \frac{s+3q}{s-3q}$, if $s = \frac{6pq}{p-q}$ (vi)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $\frac{(x-2)^2 - (x-4)^2}{(x-2)^2 + (x-4)^2} = \frac{12}{13}$ کو حل کیجیے۔ (vii)
- Using theorem of componendo-dividendo solve: $\frac{(x-2)^2 - (x-4)^2}{(x-2)^2 + (x-4)^2} = \frac{12}{13}$ (vii)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $\frac{\sqrt{x^2+2} + \sqrt{x^2-2}}{\sqrt{x^2+2} - \sqrt{x^2-2}} = 2$ کو حل کیجیے۔ (viii)
- Using theorem of componendo-dividendo solve: $\frac{\sqrt{x^2+2} + \sqrt{x^2-2}}{\sqrt{x^2+2} - \sqrt{x^2-2}} = 2$ (viii)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $\frac{\sqrt{x^2+8p^2} - \sqrt{x^2-p^2}}{\sqrt{x^2+8p^2} + \sqrt{x^2-p^2}} = \frac{1}{3}$ کو حل کیجیے۔ (ix)
- Using theorem of componendo-dividendo solve: $\frac{\sqrt{x^2+8p^2} - \sqrt{x^2-p^2}}{\sqrt{x^2+8p^2} + \sqrt{x^2-p^2}} = \frac{1}{3}$ (ix)
- مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $\frac{(x+5)^3 - (x-3)^3}{(x+5)^3 + (x-3)^3} = \frac{13}{14}$ کو حل کیجیے۔ (ix)
- Using theorem of componendo-dividendo solve: $\frac{(x+5)^3 - (x-3)^3}{(x+5)^3 + (x-3)^3} = \frac{13}{14}$ (ix)

مشق نمبر 3.6

- If $(a, b, c, d \neq 0) a : b = c : d$, then show that $\frac{4a-9b}{4a+9b} = \frac{4c-9d}{4c+9d}$ اگر $(a, b, c, d \neq 0) a : b = c : d$ تو ثابت کیجیے کہ (i) Q1
- If $(a, b, c, d \neq 0) a : b = c : d$, then show that $\frac{a}{b} = \sqrt{\frac{a^2+c^2}{b^2+d^2}}$ اگر $(a, b, c, d \neq 0) a : b = c : d$ تو ثابت کیجیے کہ (iii)

(i) Q2

$\frac{a}{b} = \sqrt{\frac{a^2 + c^2 + e^2}{b^2 + d^2 + f^2}}$ اگر $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$ (a, b, c, d, e, f ≠ 0) تو ثابت کیجیے کہ

If (a, b, c, d, e, f ≠ 0) $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$, then show that $\frac{a}{b} = \sqrt{\frac{a^2 + c^2 + e^2}{b^2 + d^2 + f^2}}$

(ii)

$\frac{ac + ce + ea}{bd + df + fb} = \left[\frac{ace}{bdf} \right]^{2/3}$ اگر $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$ (a, b, c, d, e, f ≠ 0) تو ثابت کیجیے کہ

If (a, b, c, d, e, f ≠ 0) $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$, then show that $\frac{ac + ce + ea}{bd + df + fb} = \left[\frac{ace}{bdf} \right]^{2/3}$

(iii)

$\frac{ac}{bd} + \frac{ce}{df} + \frac{ea}{fb} = \frac{a^2}{b^2} + \frac{c^2}{d^2} + \frac{e^2}{f^2}$ اگر $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$ (a, b, c, d, e, f ≠ 0) تو ثابت کیجیے کہ

If (a, b, c, d, e, f ≠ 0) $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$, then show that $\frac{ac}{bd} + \frac{ce}{df} + \frac{ea}{fb} = \frac{a^2}{b^2} + \frac{c^2}{d^2} + \frac{e^2}{f^2}$

متفرق مشق 3

Define ratio and give an example. (i) Q2

Define proportion. (ii)

Define direct variation. (iii)

Define inverse variation. (iv)

State theorem of componendo-dividendo. (v)

Find x, if 6 : x :: 3 : 5 (vi)

Find x, if 6 : x :: 3 : 5 (vii)

If x and y² varies directly, and x = 27 when y = 4. Find the value of y when x = 3

Find the fourth proportional to 8, 7, 6. (ix)

Find a mean proportional to 16 and 49. (x)

Find a third proportional to 28 and 4. (xi)

If $w \propto \frac{1}{v^2}$ and w = 2 when v = 3, then find w. (xiv)

تعریفیں

Define joint variation. مشترک تغیر سے کیا مراد ہے؟

باب نمبر 4: جزوی کسریں

مشق نمبر 4.1

| | | |
|---|---|----|
| Resolve into partial fractions: $\frac{7x-9}{(x+1)(x-3)}$ | جزوی کسروں میں تحلیل کیجیے: $\frac{7x-9}{(x+1)(x-3)}$ | Q1 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{x-11}{(x-4)(x+3)}$ | جزوی کسروں میں تحلیل کیجیے: $\frac{x-11}{(x-4)(x+3)}$ | Q2 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{3x-1}{x^2-1}$ | جزوی کسروں میں تحلیل کیجیے: $\frac{3x-1}{x^2-1}$ | Q3 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{x-5}{x^2+2x-3}$ | جزوی کسروں میں تحلیل کیجیے: $\frac{x-5}{x^2+2x-3}$ | Q4 |

مشق نمبر 4.2

| | | |
|--|--------------------------------------|-------------------------------|
| Resolve into partial fractions: $\frac{x^2 - 3x + 1}{(x-1)^2(x-2)}$ | $\frac{x^2 - 3x + 1}{(x-1)^2(x-2)}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q1 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{x^2 + 7x + 11}{(x+2)^2(x+3)}$ | $\frac{x^2 + 7x + 11}{(x+2)^2(x+3)}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q2 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{9}{(x-1)(x+2)^2}$ | $\frac{9}{(x-1)(x+2)^2}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q3 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{1}{(x-1)^2(x+1)}$ | $\frac{1}{(x-1)^2(x+1)}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q6 |

مشق نمبر 4.3

| | | |
|--|------------------------------|-------------------------------|
| Resolve into partial fractions: $\frac{3x-11}{(x+3)(x^2+1)}$ | $\frac{3x-11}{(x+3)(x^2+1)}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q1 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{3x+7}{(x^2+1)(x+3)}$ | $\frac{3x+7}{(x^2+1)(x+3)}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q2 |
| Resolve into partial fractions: $\frac{1}{x^3+1}$ | $\frac{1}{x^3+1}$ | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: Q7 |

متفرق مشق 4

| | | |
|---|--------|--|
| Define a rational fraction. | (i) Q2 | ناطق کسر کی تعریف کیجیے۔ |
| What is a proper fraction? | (ii) | واجب کسر کیا ہوتی ہے؟ |
| What is an improper fraction? | (iii) | غیر واجب کسر کیا ہوتی ہے؟ |
| What are partial fractions? | (iv) | جزوی کسور کیا ہوتی ہیں؟ |
| How can we make partial fractions of $\frac{x-2}{(x+2)(x+3)}$? | (v) | $\frac{x-2}{(x+2)(x+3)}$ کی جزوی کسور کس طرح بنائی جاسکتی ہیں؟ |
| Resolve into partial fractions: $\frac{1}{x^2-1}$ | (vi) | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: $\frac{1}{x^2-1}$ |
| Find partial fractions of $\frac{3}{(x+1)(x-1)}$ | (vii) | جزوی کسور معلوم کیجیے۔ $\frac{3}{(x+1)(x-1)}$ |
| Resolve into partial fractions: $\frac{x}{(x-3)^2}$ | (viii) | جزوی کسور میں تحلیل کیجیے: $\frac{x}{(x-3)^2}$ |
| How we can make the partial fractions of $\frac{x}{(x+a)(x-a)}$? | (ix) | $\frac{x}{(x+a)(x-a)}$ کی جزوی کسور کس طرح بنائی جاسکتی ہیں؟ |

تعریفیں

| | |
|--------------------|---------------------|
| Define a fraction. | کسر کی تعریف کیجیے۔ |
|--------------------|---------------------|

باب نمبر 5: سیٹ اور تفاعل

مشق نمبر 5.1

| | | |
|--|--------|---|
| If $X = \{1, 4, 7, 9\}$ and $Y = \{2, 4, 5, 9\}$, then find: $X \cup Y$ | (i) Q1 | اگر $X = \{1, 4, 7, 9\}$ اور $Y = \{2, 4, 5, 9\}$ ہو تو $X \cup Y$ معلوم کیجیے۔ |
| If $X = \{1, 4, 7, 9\}$ and $Y = \{2, 4, 5, 9\}$, then find: $X \cap Y$ | (ii) | اگر $X = \{1, 4, 7, 9\}$ اور $Y = \{2, 4, 5, 9\}$ ہو تو $X \cap Y$ معلوم کیجیے۔ |
| If $X = \{1, 4, 7, 9\}$ and $Y = \{2, 4, 5, 9\}$, then find: $X - Y$ | (i) Q5 | اگر $X = \{2, 4, 6, \dots, 20\}$ اور $Y = \{4, 8, 12, \dots, 24\}$ ہو تو $X - Y$ معلوم کیجیے۔ |

If $X = \{2, 4, 6, \dots, 20\}$ and $Y = \{4, 8, 12, \dots, 24\}$, then find: $X - Y$

اگر $X = \{2, 4, 6, \dots, 20\}$ اور $Y = \{4, 8, 12, \dots, 24\}$ تو $Y - X$ معلوم کیجیے۔ (ii)

If $X = \{2, 4, 6, \dots, 20\}$ and $Y = \{4, 8, 12, \dots, 24\}$, then find: $Y - X$

If $A = N$ and $B = W$, then find the value of $A - B$.

اگر $A = N$ اور $B = W$ تو $A - B$ کی قیمت معلوم کیجیے۔ (i)

Q6

If $A = N$ and $B = W$, then find the value of $B - A$.

اگر $A = N$ اور $B = W$ تو $B - A$ کی قیمت معلوم کیجیے۔ (ii)

مشق نمبر 5.2

اگر $X = \{1, 3, 5, 7, \dots, 19\}$, $Y = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots, 20\}$ اور $Z = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23\}$ ہو تو $X \cup (Y \cup Z)$ معلوم کیجیے۔ (i) Q1

If $X = \{1, 3, 5, 7, \dots, 19\}$, $Y = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots, 20\}$ and $Z = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23\}$, then find:

$X \cup (Y \cup Z)$

اگر $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{2, 3, 5, 7\}$ اور $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ ہو تو U کی تصدیق کیجیے۔ یعنی $(A \cup B)' = A' \cap B'$ اور

$(A \cap B)' = A' \cup B'$

If $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{2, 3, 5, 7\}$ then verify the De-Morgan's Laws i.e.,

$(A \cap B)' = A' \cup B'$ and $(A \cup B)' = A' \cap B'$

اگر $U = \{1, 2, 3, \dots, 20\}$, $X = \{1, 3, 7, 9, 15, 18, 20\}$ اور $Y = \{1, 3, 5, \dots, 17\}$ تو ثابت کیجیے کہ: $X - Y = X \cap Y'$ (i) Q4

If $U = \{1, 2, 3, \dots, 20\}$, $X = \{1, 3, 7, 9, 15, 18, 20\}$ and $Y = \{1, 3, 5, \dots, 17\}$ then show that: $X - Y = X \cap Y'$

اگر $U = \{1, 2, 3, \dots, 20\}$, $X = \{1, 3, 7, 9, 15, 18, 20\}$ اور $Y = \{1, 3, 5, \dots, 17\}$ تو ثابت کیجیے کہ: $Y - X = Y \cap X'$ (ii)

If $U = \{1, 2, 3, \dots, 20\}$, $X = \{1, 3, 7, 9, 15, 18, 20\}$ and $Y = \{1, 3, 5, \dots, 17\}$ then show that: $Y - X = Y \cap X'$

مشق نمبر 5.3

اگر $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{1, 4, 7, 10\}$ اور $C = \{1, 5, 8, 10\}$ ہو تو $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$ کو صحیح ثابت کیجیے۔ (i) Q2

If $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{1, 4, 7, 10\}$, and $C = \{1, 5, 8, 10\}$ then verify $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$.

مشق نمبر 5.4

If $A = \{a, b\}$ and $B = \{c, d\}$, then find $A \times B$ and $B \times A$.

اگر $A = \{a, b\}$ اور $B = \{c, d\}$ تو $A \times B$ اور $B \times A$ معلوم کیجیے۔ (i) Q1

Find a and b, if $(a - 4, b - 2) = (2, 1)$

اگر $(a - 4, b - 2) = (2, 1)$ معلوم کیجیے (i) Q3

Find a and b, if $(2a + 5, 3) = (7, b - 4)$

اگر $(2a + 5, 3) = (7, b - 4)$ معلوم کیجیے (ii)

Find a and b, if $(3 - 2a, b - 1) = (a - 7, 2b + 5)$

اگر $(3 - 2a, b - 1) = (a - 7, 2b + 5)$ معلوم کیجیے (iii)

اگر X اور Y معلوم کیجیے اگر $X \times Y = \{(a, a), (b, a), (c, a), (d, a)\}$ (i) Q4

Find the sets X and Y, if $X \times Y = \{(a, a), (b, a), (c, a), (d, a)\}$

مشق نمبر 5.5

اگر $M = \{3, 4\}$, $L = \{a, b, c\}$ ہو تو $M \times L$ اور $L \times M$ کے دو ثنائی روابط معلوم کیجیے۔ (i) Q1

If $L = \{a, b, c\}$, $M = \{3, 4\}$, then find two binary relations of $L \times M$ and $M \times L$.

اگر $L = \{a, b, c\}$ اور $M = \{d, e, f, g\}$ ہو تو $L \times L$ کے دو ثنائی روابط معلوم کیجیے۔ (i) Q3

If $L = \{a, b, c\}$ and $M = \{d, e, f, g\}$, then find two binary relations in $L \times L$.

اگر $L = \{x \mid x \in N \wedge x \leq 5\}$ اور $M = \{y \mid y \in P \wedge y < 10\}$ تو $R_1 = \{(x, y) \mid y < x\}$ کے لیے L سے M پر روابط بنائیے۔ ربط کی ڈومین اور رینج لکھئے۔ (i) Q5

اور رینج لکھئے۔

If $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$, $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$, then make the relations from L to M:

$R_1 = \{(x, y) | y < x\}$ Also write the domain and range of the relation.

اگر $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$ ، $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$ تو $R_1 = \{(x, y) | y < x\}$ کے لیے L سے M پر روابط بنائیے۔ ربط کی ڈومین اور رینج لکھئے۔ (ii)

If $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$, $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$, then make the relations from L to M:

$R_2 = \{(x, y) | y = x\}$ Also write the domain and range of the relation.

اگر $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$ ، $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$ تو $R_2 = \{(x, y) | y = x\}$ کے لیے L سے M پر روابط بنائیے۔ ربط کی ڈومین اور رینج لکھئے۔ (iii)

If $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$, $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$, then make the relations from L to M:

$R_3 = \{(x, y) | x + y = 6\}$ Also write the domain and range of the relation.

اگر $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$ ، $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$ تو $R_3 = \{(x, y) | x + y = 6\}$ کے لیے L سے M پر روابط بنائیے۔ ربط کی ڈومین اور رینج لکھئے۔ (iv)

If $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$, $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$, then make the relations from L to M:

$R_4 = \{(x, y) | y - x = 2\}$ Also write the domain and range of the relation.

اگر $L = \{x | x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$ ، $M = \{y | y \in \mathbb{P} \wedge y < 10\}$ تو $R_4 = \{(x, y) | y - x = 2\}$ کے لیے L سے M پر روابط بنائیے۔ ربط کی ڈومین اور رینج لکھئے۔ (v)

متفرق مشق 5

Write all the subsets of the set $\{a, b\}$

ii) Q2 سیٹ $\{a, b\}$ کے تمام تحتی سیٹ لکھئے۔

Define intersection of two sets.

v) دو سیٹوں کے تقاطع کی تعریف کیجئے۔

Define a function.

vi) تفاعل کی تعریف کیجئے۔

تعریفیں

Define a set.

سیٹ کی تعریف کیجئے۔

What is meant by union of sets?

سیٹوں کا یونین سے کیا مراد ہے؟

What is meant by difference of sets?

سیٹوں کے فرق سے کیا مراد ہے؟

Define compliment of a set.

کمپلیمنٹ سیٹ کی تعریف کیجئے۔

What is meant by ordered pairs?

مترتب جوڑا سے کیا مراد ہے؟

Define binary relation.

ثنائی ربط سے کیا مراد ہے؟

Define a function.

تفاعل کی تعریف کیجئے۔

What is meant by domain and range of a function?

تفاعل کی ڈومین اور رینج سے کیا مراد ہے؟

Define into function.

ان ٹو تفاعل کی تعریف لکھئے۔

What is meant by constant function?

مستقل تفاعل کی تعریف کیجئے۔

Define identity function.

مماثل تفاعل کی تعریف کیجئے۔

باب نمبر 6: بنیادی شماریات

مثالیں

1 سات طالب علموں نے ریاضی میں جو نمبرز لیے وہ مندرجہ ذیل ہیں۔ اس مواد کی مدد سے حسابی اوسط معلوم کیجئے اور جواب کی وضاحت بھی کیجئے۔

The marks of seven students in Mathematics as follows. Calculate the Arithmetic Mean and interpret the result.

| | | | | | | | |
|-------------|----|----|----|----|----|----|----|
| Student No. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Marks | 45 | 60 | 74 | 58 | 65 | 63 | 49 |

پانچ (5) اساتذہ کی تنخواہیں درج ذیل ہیں۔ براہ راست طریقہ اور بالواسطہ طریقے کو استعمال کرتے ہوئے حسابی اوسط معلوم کیجیے اور ان کے جوابات کا موازنہ بھی کیجیے۔
 The salaries of five teachers are as follows. Find the mean salary using direct and indirect methods and compare the results.
 11500,12400,15000,14500,14800

ریاضی کے پانچ ٹرموں کے ٹیسٹ میں ایک طالب علم نے مندرجہ ذیل نمبرز لیے۔ نمبروں کے لیے وسطانیہ معلوم کیجیے۔ 82,93,86,92,79
 On 5 term tests in Mathematics, a student has made marks of 82, 93, 86, 92 and 79. Find the median for the marks.

مختلف برینڈ کے چھ جوس کے پیک میں چینی کی مقدار ملی گراموں میں درج ذیل پائی گئی۔ وسطانیہ معلوم کیجیے۔ 2.3,2.7,2.5,2.9,3.1,1.9
 The sugar contents for a random sample of 6 packs of juices of a certain brand are found to be 2.3, 2.7, 2.5, 2.9, 3.1 and 1.9 milligram. Find the median.

مندرجہ ذیل مواد جو توتوں کی جسامت کو ظاہر کر رہا ہے اس مواد کی مدد سے عادیہ معلوم کیجیے: 4,4,5,5,6,6,6,7,7,5,7.5,8,8,8,6,5,6,5,7
 Find the modal size of shoe for the following data: 4,4,5,5,6,6,6,7,7,5,7.5,8,8,8,6,5,6,5,7

مدات 2, 4, 8 کے لیے اقلیدسی اوسط معلوم کیجیے۔ بذریعہ (الف) بنیادی فارمولا کی مدد سے (ب) لوگار تھم فارمولا کی مدد سے
 Find the geometric mean of the observations 2, 4, 8 using (i) basic formula and (ii) using logarithmic formula

مندرجہ ذیل مواد کے لیے ہم آہنگ اوسط معلوم کیجیے۔
 For the following data find the Harmonic mean.

| | | | | |
|---|----|---|---|---|
| X | 12 | 5 | 8 | 4 |
|---|----|---|---|---|

مشق نمبر 6.2

(i) Q3 بلاواسطہ / تعریفی طریقہ سے مندرجہ ذیل مواد کا حسابی اوسط معلوم کیجیے: 12,14,17,20,24,29,35,45
 Find arithmetic mean by direct method for the given set of data: 12,14,17,20,24,29,35,45

(ii) بلاواسطہ / تعریفی طریقہ سے مندرجہ ذیل مواد کا حسابی اوسط معلوم کیجیے: 200,225,350,375,270,320,290
 Find arithmetic mean by direct method for the given set of data: 200,225,350,375,270,320,290

(i) Q4 بالواسطہ (مختصر / کوڈنگ) طریقہ سے مندرجہ ذیل مواد کا حسابی اوسط معلوم کیجیے: 12,14,17,20,24,29,35,45
 Compute arithmetic mean using indirect method: 12,14,17,20,24,29,35,45

(ii) بالواسطہ (مختصر / کوڈنگ) طریقہ سے مندرجہ ذیل مواد کا حسابی اوسط معلوم کیجیے: 200,225,350,375,270,320,290
 Compute arithmetic mean using indirect method: 200,225,350,375,270,320,290

Q11 چھٹیوں میں سیر و تفریح پر جانے والے ایک خاندان نے 21.3 لیٹر پٹرول 39.90 روپے فی لیٹر، 18.7 لیٹر پٹرول 42.90 روپے فی لیٹر اور 23.5 لیٹر پٹرول 40.90 روپے فی لیٹر میں خریدا۔ پٹرول کی اوسط فی لیٹر قیمت معلوم کیجیے۔
 On a vacation trip a family bought 21.3 liters of petrol at 39.90 rupees per liter, 18.7 liters at 42.90 rupees per liter, and 23.5 liters at 40.90 rupees per liter. Find the mean price paid per liter.

مثالیں

1 طالب علموں کے اوزان کی سعت معلوم کیجیے: 110,109,84,89,77,104,74,97,49,59,103,62
 Find Range for the following weights of students: 110,109,84,89,77,104,74,97,49,59,103,62

3 چھ طالب علموں کے ریاضی میں حاصل کردہ نمبرز درج ذیل ہیں۔ تغیریت اور معیاری انحراف معلوم کیجیے۔

| | | | | | | |
|----------|----|----|----|----|----|----|
| طالب علم | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| نمبرز | 60 | 70 | 30 | 90 | 80 | 42 |

The marks of six students in Mathematics are as follows. Determine Variance and Standard deviation.

| | | | | | | |
|-------------|----|----|----|----|----|----|
| Student No. | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Marks | 60 | 70 | 30 | 90 | 80 | 42 |

مشق نمبر 6.3

Q4 پانچ اساتذہ کی تنخواہیں (روپے میں) درج ذیل ہیں۔ سعت اور معیاری انحراف معلوم کیجیے۔ 11500,12400,15000,14500,14800

The salaries of five teachers in Rupees are as follows: 11500, 12400, 15000, 14500, 14800. Find Range and standard deviation.

Find the standard deviation "S" of each set of numbers: (الف) معیاری انحراف "S" معلوم کیجیے۔ Q5

(i) 12, 6, 7, 3, 15, 10, 18, 5 (ii) 9, 3, 8, 8, 9, 8, 9, 18

Calculate variance for the data: 10, 8, 9, 7, 5, 12, 8, 6, 8, 2 (ب) درج ذیل مواد کا تغیریت معلوم کیجیے:

Q6 بتیس (32) چیزوں کی لمبائی درج ذیل ہے۔ اس تعددی تقسیم کی اوسط لمبائی اور معیاری انحراف معلوم کیجیے۔

| لمبائی | 20-22 | 23-25 | 26-28 | 29-31 | 32-34 |
|---------|-------|-------|-------|-------|-------|
| تعدادات | 3 | 6 | 12 | 9 | 2 |

The length of 32 items are given below. Find the mean length and standard deviation of the distribution.

| Length | 20-22 | 23-25 | 26-28 | 29-31 | 32-34 |
|-----------|-------|-------|-------|-------|-------|
| Frequency | 3 | 6 | 12 | 9 | 2 |

متفرق مشق 6

Define class mark. (ii) جماعتی نشان کی تعریف کیجیے۔ Q2

Define a frequency distribution. (iv) تعددی تقسیم کی تعریف کیجیے۔

What is a Histogram? (v) کالمی نقشہ کسے کہتے ہیں؟

باب نمبر 7: تکونیات

مثالیں

Convert 45.36° to $D^\circ M' S''$ form. 3 45.36° کو D°, M', S'' اور S'' کی شکل میں لکھئے۔

Convert into radian measure: 15° 4 (a) زاویہ کو ریڈین میں تبدیل کیجیے: 15°

مشق نمبر 7.1

Locate the given angle: 30° (i) Q1 30° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: $22\frac{1}{2}^\circ$ (ii) $22\frac{1}{2}^\circ$ کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: 135° (iii) 135° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: 225° (iv) 225° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: -60° (v) -60° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: -120° (vi) -120° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: -150° (vii) -150° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

Locate the given angle: -225° (viii) -225° کو xy - مستوی میں ظاہر کیجیے۔

(i) Q2 ساٹھ کے اساس میں دیے گئے زاویہ کو اعشاریہ کی شکل میں لکھئے: $45^\circ 30'$

Express the sexagesimal measure of angle in decimal form: $45^\circ 30'$

(ii) ساٹھ کے اساس میں دیے گئے زاویہ کو اعشاریہ کی شکل میں لکھئے: $60^\circ 30' 30''$

Express the sexagesimal measure of angle in decimal form: $60^\circ 30' 30''$

(iii) ساٹھ کے اساس میں دیے گئے زاویہ کو اعشاریہ کی شکل میں لکھئے: $125^\circ 22' 50''$

Express the sexagesimal measure of angle in decimal form: $125^\circ 22' 50''$

Express into $D^\circ M' S''$ form: 47.36° (i) Q3 47.36° اور M', D° اور S'' میں لکھئے:

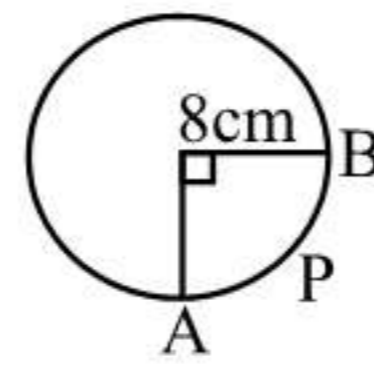
Express into $D^\circ M' S''$ form: 125.45° (ii) 125.45° اور M', D° اور S'' میں لکھئے:

| | |
|--|---|
| Express into $D^{\circ} M' S''$ form: 225.75° | 225.75° : M', D° اور S'' میں لکھئے: (iii) |
| Express into $D^{\circ} M' S''$ form: -22.5° | -22.5° : M', D° اور S'' میں لکھئے: (iv) |
| Express into $D^{\circ} M' S''$ form: -67.58° | -67.58° : M', D° اور S'' میں لکھئے: (v) |
| Express into $D^{\circ} M' S''$ form: 315.18° | 315.18° : M', D° اور S'' میں لکھئے: (vi) |
| Express into radians: 30° | 30° : ریڈین میں لکھئے: (i) Q4 |
| Express into radians: $(60)^{\circ}$ | $(60)^{\circ}$: ریڈین میں لکھئے: (ii) |
| Express into radians: 135° | 135° : ریڈین میں لکھئے: (iii) |
| Express into radians: 225° | 225° : ریڈین میں لکھئے: (iv) |
| Express into radians: -150° | -150° : ریڈین میں لکھئے: (v) |
| Express into radians: -225° | -225° : ریڈین میں لکھئے: (vi) |
| Express into radians: 300° | 300° : ریڈین میں لکھئے: (vii) |
| Express into radians: 315° | 315° : ریڈین میں لکھئے: (viii) |
| Convert to degrees: $\frac{3\pi}{4}$ | $\frac{3\pi}{4}$: ڈگری میں تبدیل کیجئے: (i) Q5 |
| Convert to degrees: $\frac{5\pi}{6}$ | $\frac{5\pi}{6}$: ڈگری میں تبدیل کیجئے: (ii) |
| Convert to degrees: $\frac{7\pi}{8}$ | $\frac{7\pi}{8}$: ڈگری میں تبدیل کیجئے: (iii) |
| Convert to degrees: $\frac{13\pi}{16}$ | $\frac{13\pi}{16}$: ڈگری میں تبدیل کیجئے: (iv) |
| Convert to degrees: 3 | 3 : ڈگری میں تبدیل کیجئے: (v) |
| Convert to degrees: 4.5 | 4.5 : ڈگری میں تبدیل کیجئے: (vi) |
| Convert to degrees: $-\frac{7\pi}{8}$ | $-\frac{7\pi}{8}$: ڈگری میں تبدیل کیجئے: (vii) |
| Convert to degrees: $-\frac{13}{16}\pi$ | $-\frac{13}{16}\pi$: ڈگری میں تبدیل کیجئے: (viii) |

مشق نمبر 7.2

| | |
|--|---|
| Find θ , when: $\ell = 2\text{cm}, r = 3.5\text{cm}$ | $\ell = 2\text{cm}, r = 3.5\text{cm}$: θ معلوم کیجئے جبکہ: (i) Q1 |
| Find θ , when: $\ell = 4.5\text{m}, r = 2.5\text{m}$ | $\ell = 4.5\text{m}, r = 2.5\text{m}$: θ معلوم کیجئے جبکہ: (ii) |
| Find ℓ , when: $\theta = 180^{\circ}, r = 4.9\text{cm}$ | $\theta = 180^{\circ}, r = 4.9\text{cm}$: ℓ معلوم کیجئے جبکہ: (i) Q2 |
| Find ℓ , when: $\theta = 60^{\circ}30', r = 15\text{mm}$ | $\theta = 60^{\circ}30', r = 15\text{mm}$: ℓ معلوم کیجئے جبکہ: (ii) |
| Find r , when: $\ell = 4\text{cm}, \theta = \frac{1}{4}$ radians | $\ell = 4\text{cm}, \theta = \frac{1}{4}$ ریڈین : r معلوم کیجئے جبکہ: (i) Q3 |
| Find r , when: $\ell = 52\text{cm}, \theta = 45^{\circ}$ | $\ell = 52\text{cm}, \theta = 45^{\circ}$: r معلوم کیجئے جبکہ: (ii) |
| | قوس کی لمبائی معلوم کیجئے جو دائرہ کے مرکز پر 1.5 ریڈین کا زاویہ بناتی ہے جبکہ دائرے کا رداس 12 میٹر ہے۔ Q4 |
| In a circle of radius 12m, find the length of an arc which subtends a central angle $\theta = 1.5$ radians. | ایک نقطہ دائرے کے گرد 3.5 چکر لگا کر کتنا فاصلہ طے کرے گا جبکہ دائرے کا رداس 10 میٹر ہے؟ Q5 |
| In a circle of radius 10m, find the distance travelled by a point moving on this circle if the point makes 3.5 revolution. | 3 بجے گھڑی کی سوئیوں کے درمیان دائرونی پیمائش میں زاویہ کتنا ہوتا ہے؟ Q6 |
| What is the circular measure of the angle between the hands of the watch at 3 o'clock? | |

What is the length of the arc APB?

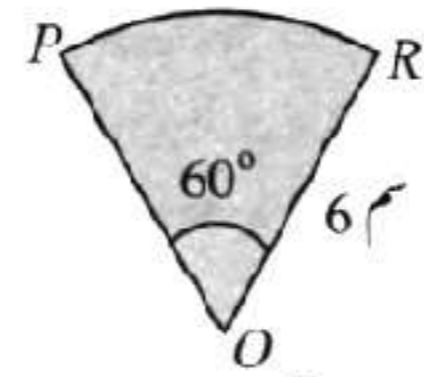


Q7 قوس APB کی لمبائی کتنی ہے؟

Q8 دائرہ جس کا رداس 12 سم ہے، قوس، دائرہ کے مرکز پر 84° کا زاویہ بناتی ہے۔ قوس کی لمبائی کیا ہوگی؟

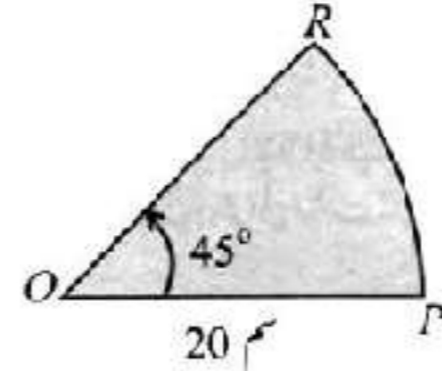
In a circle of radius 12cm, how long an arc subtends a central angle of 84° ?

Find the area of the sector OPR.



Q9 (a) قطاع دائرے OPR کا رقبہ معلوم کیجیے۔

Find the area of the sector OPR.

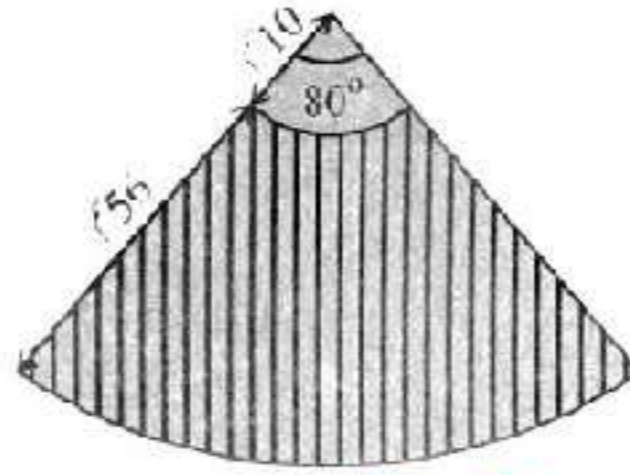


Q9 (b) قطاع دائرے OPR کا رقبہ معلوم کیجیے۔

Q10 قطاع دائرے کا رداس 7 میٹر اور زاویہ 20° ہو تو اس کا رقبہ معلوم کیجیے۔

Find area of the sector inside a central angle of 20° in a circle of radius 7m.

Q11 سحر ایک سکرٹ بنا رہی ہے۔ سکرٹ کے گھیرے کی ساخت تصویر میں دکھائی گئی ہے۔ ایک گھیرے کے لیے کتنا کپڑا درکار ہے؟



Sehar is making a skirt. Each panel of this skirt is of the shape shown shaded in the diagram. How much material (cloth) is required for each panel?

Q12 قطاع دائرے کا رقبہ معلوم کیجیے جبکہ اس کا رداس 10 سم اور زاویہ $\frac{\pi}{5}$ ریڈین ہے۔

Find the area of the sector with central angle of $\frac{\pi}{5}$ radian in a circle of radius 10cm.

Q13 ایک قطاع دائرہ کا رقبہ 10 مربع میٹر اور رداس 2 میٹر ہے۔ قطاع دائرے کا زاویہ کتنے ریڈین ہوگا؟

The area of the sector with a central angle θ in a circle of radius 2m is 10 square meter. Find θ in radians.

مشق نمبر 7.4

Verify the identity: $(1 - \sin \theta)(1 + \sin \theta) = \cos^2 \theta$

Q7 مماثلت کو ثابت کیجیے: $(1 - \sin \theta)(1 + \sin \theta) = \cos^2 \theta$

Verify the identity: $(\tan \theta + \cot \theta) \tan \theta = \sec^2 \theta$

Q9 مماثلت کو ثابت کیجیے: $(\tan \theta + \cot \theta) \tan \theta = \sec^2 \theta$

Verify the identity: $\frac{\sin \theta + \cos \theta}{\tan^2 \theta - 1} = \frac{\cos^2 \theta}{\sin \theta - \cos \theta}$

Q11 مماثلت کو ثابت کیجیے: $\frac{\sin \theta + \cos \theta}{\tan^2 \theta - 1} = \frac{\cos^2 \theta}{\sin \theta - \cos \theta}$

Verify the identity: $\frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta} + \cos \theta = \sec \theta$

Q14 مماثلت کو ثابت کیجیے: $\frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta} + \cos \theta = \sec \theta$

Verify the identity: $\frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} + \frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta} = 2 \operatorname{cosec} \theta$

Q18 مماثلت کو ثابت کیجیے: $\frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} + \frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta} = 2 \operatorname{cosec} \theta$

Verify the identity: $\frac{1}{1 - \cos \theta} + \frac{1}{1 + \cos \theta} = 2 \operatorname{cosec}^2 \theta$

Q19 مماثلت کو ثابت کیجیے: $\frac{1}{1 - \cos \theta} + \frac{1}{1 + \cos \theta} = 2 \operatorname{cosec}^2 \theta$

Verify the identity: $\frac{1 + \sin \theta}{1 - \sin \theta} - \frac{1 - \sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4 \tan \theta \sec \theta$

Q20 مماثلت کو ثابت کیجیے: $\frac{1 + \sin \theta}{1 - \sin \theta} - \frac{1 - \sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4 \tan \theta \sec \theta$

Verify the identity: $\sqrt{\frac{1+\cos\theta}{1-\cos\theta}} = \frac{\sin\theta}{1-\cos\theta}$ $\sqrt{\frac{1+\cos\theta}{1-\cos\theta}} = \frac{\sin\theta}{1-\cos\theta}$: مماثلت کو ثابت کیجیے: Q23

تعریفیں

Define degree. ڈگری کی تعریف کیجیے۔
 Define radian. ریڈین کی تعریف کیجیے۔
 What is the relationship between radian and degree? ریڈین اور ڈگری کے درمیان تعلق تحریر کیجیے۔
 What are coterminal angles? کوٹرمینل زاویے کیا ہوتے ہیں؟
 Define quadrantal angle. ربع زاویہ کی تعریف کیجیے۔
 What are trigonometric ratios? Write names. ٹگونومیٹری نسبتیں کیا ہیں؟ ان کے نام تحریر کیجیے۔

باب نمبر 8: مثلث کے ایک ضلع کا ظل (سایہ)

متفرق مشق 8

In ΔABC , calculate $m\overline{AC}$, when $m\overline{AB} = 5\text{cm}$, $m\overline{BC} = 4\sqrt{2}\text{cm}$ and $m\angle B = 45^\circ$ Q4
 In a ΔABC , calculate $m\overline{AC}$, when $m\overline{AB} = 5\text{cm}$, $m\overline{BC} = 4\sqrt{2}\text{cm}$ and $m\angle B = 45^\circ$
 In a ΔABC , $a = 17\text{cm}$, $b = 15\text{cm}$ and $c = 8\text{cm}$. Find $m\angle A$ Q7
 In a ΔABC , $a = 17\text{cm}$, $b = 15\text{cm}$ and $c = 8\text{cm}$. Find $m\angle A$
 In a ΔABC , $a = 17\text{cm}$, $b = 15\text{cm}$ and $c = 8\text{cm}$. Find $m\angle B$ Q8
 In a ΔABC , $a = 17\text{cm}$, $b = 15\text{cm}$ and $c = 8\text{cm}$. Find $m\angle B$
 Whether the triangle with sides 5cm, 7cm, 8cm is acute, obtuse or right angled. Q9
 Whether the triangle with sides 5cm, 7cm, 8cm is acute, obtuse or right angled.
 Whether the triangle with sides 8cm, 15cm, 17cm is acute, obtuse or right angled. Q10
 Whether the triangle with sides 8cm, 15cm, 17cm is acute, obtuse or right angled.

تعریفیں

Define projection. ظل کی تعریف کیجیے۔
 Define obtuse angle. منفرجہ زاویہ کی تعریف کیجیے۔
 Define right angle. قائمہ زاویہ کی تعریف کیجیے۔
 Define acute angle. حادہ زاویہ کی تعریف کیجیے۔

باب نمبر 9: دائرے کا وتر

مسئلہ 1

Prove that one and only one circle can pass through three non-collinear points. ثابت کیجیے کہ تین غیر خطی نقاط سے ایک اور صرف ایک ہی دائرہ گزر سکتا ہے۔

مسئلہ 2

Prove that a straight line, drawn from the centre of a circle to bisect a chord (which is not a diameter) is perpendicular to the chord. ثابت کیجیے کہ دائرے کے مرکز سے کسی وتر (جو قطر نہ ہو) کی تنصیف کرنے والا قطعہ خط، وتر پر عمود ہوتا ہے۔

مسئلہ 3

Prove that a straight line, drawn from the centre of a circle to bisect a chord (which is not a diameter) is perpendicular to the chord. ثابت کیجیے کہ دائرے کے مرکز سے کسی وتر پر عمود، اس کی تنصیف کرتا ہے۔

Prove that perpendicular from the centre of a circle on a chord bisects it.

مسئلہ 4

ثابت کیجیے کہ اگر دائرے کے دو وتر متماثل ہوں تو وہ مرکز سے مساوی الفاصلہ ہوں گے۔
Prove that if two chords of a circle are congruent then they will be equidistant from the centre.

مسئلہ 5

ثابت کیجیے کہ دائرے کے دو وتر جو مرکز سے مساوی الفاصلہ ہوں باہم متماثل ہوتے ہیں۔
Prove that two chords of a circle which are equidistant from the centre, are congruent.

تعریفیں

Define a circle. دائرہ کی تعریف کیجیے۔
What is meant by circumference of a circle? دائرے کا محیط سے کیا مراد ہے؟
What is meant by circular area? دائرے کا رقبہ کی تعریف کیجیے۔
Define collinear points. ہم خط نقاط کی تعریف کیجیے۔
Define circumcircle. محاصرہ دائرہ کی تعریف کیجیے۔

باب نمبر 10: دائرے پر مماس

تعریفیں

Define a secant. قاطع خط کی تعریف کیجیے۔
Define tangent. مماس سے کیا مراد ہے؟

باب نمبر 12: قطعہ دائرہ میں زاویہ

مسئلہ 1

ثابت کیجیے کہ کسی دائرے میں قوس صغیرہ سے بننے والا مرکزی زاویہ مقدار میں اپنی متعلقہ قوس کبیرہ کے محصور زاویے سے دوگنا ہوتا ہے۔
Prove that the measure of a central angle of a minor arc of a circle, is double that of the angle subtended by the corresponding major arc.

مسئلہ 2

ثابت کیجیے کہ زاویے جو ایک ہی قطعہ دائرہ میں واقع ہوں، باہم برابر ہوتے ہیں۔
Prove that any two angles in the same segment of a circle are equal.

مسئلہ 4

ثابت کیجیے کہ کسی دائرے کی دائروی چوکور کے متقابلہ زاویے، سپلیمنٹری زاویے ہوتے ہیں۔
Prove that the opposite angles of any quadrilateral inscribed in a circle are supplementary.

تعریفیں

Define sector. سیکٹر / قطاع دائرہ کی تعریف کیجیے۔
Define central angle. مرکزی زاویہ سے کیا مراد ہے؟
Define circumangle. محاصرہ زاویہ کی تعریف کیجیے۔
Define chord of a circle. دائرے کا وتر کی تعریف کیجیے۔
Define cyclic quadrilateral. سائیکلک چوکور کی تعریف کیجیے۔
Define in-centre. محصور مرکز سے کیا مراد ہے؟

باب نمبر 13: عملی جیومیٹری۔ دائرے

مشق نمبر 13.2

- Q1** $\triangle ABC$ کا محاصرہ دائرہ بنائیے جب کہ اس کے اضلاع AB ، BC اور CA کی لمبائیاں بالترتیب 6 سم، 3 سم اور 4 سم ہوں۔ نیز اس کا محاصرہ دائرہ اس معلوم کیجیے۔
Circumscribe a circle about a triangle ABC with sides $|AB|=6\text{cm}$, $|BC|=3\text{cm}$, $|CA|=4\text{cm}$. Also measure its circum radius.
- Q4** مساوی الاضلاع مثلث ABC کا محاصرہ دائرہ بنائیے جب کہ اس کے ہر ضلع کی لمبائی 4 سم ہو۔
Circumscribe a circle about an equilateral triangle ABC with each side of length 4cm.

تعریفیں

- Define a circle. دائرہ کی تعریف کیجیے۔
Define radius. رداس کی تعریف کیجیے۔
Define perimeter. احاطہ کی تعریف کیجیے۔
What is meant by circumference? محیط سے کیا مراد ہے؟
Define diameter. قطر کی تعریف کیجیے۔
What is meant by an arc? قوس سے کیا مراد ہے؟
Define triangle. مثلث کی تعریف کیجیے۔
What is meant by polygon? کثیر الاضلاع سے کیا مراد ہے؟
Define regular polygon. ریگولر کثیر الاضلاع کی تعریف کیجیے۔
Define vertices. راس کی تعریف کیجیے۔

☆☆☆☆☆

السلام علیکم ورحمۃ اللہ!

جماعت دہم کے فری ماسٹر میٹری اور حساب مع نوٹس، معروضی، بورڈ پیپرز، ٹیسٹ سیریز، گیس پیپرز، پیٹرن پیپرز، پیئرنگ سکیمز ہماری ویب سائٹ نوٹس پی کے سے ڈاؤن لوڈ کیے جاسکتے ہیں۔ اگر اس فنائل کو آپ سمجھتے ہیں کہ تعلیم یا طالب علموں کے لئے فائدہ مند ہے تو ہماری حوصلہ افزائی کے لیے، گوگل میں **NOTESPK Guss Papers** سرچ کریں، آپ کو دہم جماعت کے میٹری تعلیمی مواد کے لنکس آسانی سے مل جائیں گے۔ نہم، فرسٹ ایئر، سیکنڈ ایئر اور دیگر کلاسز کا تعلیمی ڈیٹا بھی نوٹس پی کے پر دستیاب ہے۔