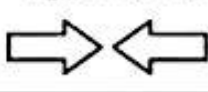


Mathematics 8th Class Guess

Multiple Choice Questions (MCQ's)

1-	A set can be expressed in: (a) One way ایک طریقہ سے (b) Two ways دو طریقوں سے (c) Three ways تین طریقوں سے (d) Four ways چار طریقوں سے	ایک سیٹ کو بیان کیا جاتا ہے:
2-	If the price of 12 eggs is Rs 180, how many eggs can be bought with Rs 270? (a) 12 (b) 14 (c) 16 (d) 18	اگر 12 انڈوں کی قیمت 180 روپے ہے 270 روپے میں کتنے انڈے خریدے جاسکتے ہیں؟
3-	Number of subset in $\{+, -, \times, \div\}$ (a) 12 (b) 14 (c) 16 (d) 18	$\{+, -, \times, \div\}$ میں کتنی سیٹوں کی تعداد ہے:
4-	Which of the following is true about $\sqrt{8}$? (a) Natural number قدرتی عدد (b) Whole number مکمل عدد (c) Rational number ناطق عدد (d) Irrational number غیر ناطق عدد	$\sqrt{8}$ کے لیے درج ذیل میں سے کون سا بیان درست ہے؟
5-	Which of the following has finite number of digits in its decimal part? (a) Whole number مکمل اعداد (b) Terminating decimal ختم کسرا عشاریہ (c) Rational numbers ناطق اعداد (d) Non-terminating decimals غیر ختم کسرا عشاریہ	درج ذیل میں سے کس کے اعشاری حصے میں محدود اعداد کے ہندسے ہیں؟
6-	Simplest form of 56 : 64 is: (a) 7 : 8 (b) 8 : 7 (c) 1 : 7 (d) 1 : 8	56 : 64 کی سادہ ترین شکل ہے:
7-	Simplest form of 75:100 is: (a) 2 : 3 (b) 3 : 4 (c) 4 : 5 (d) 5 : 6	75:100 کی سادہ ترین شکل ہے؟
8-	Set of integers is denoted by: (a) N (b) Z (c) 0 (d) E	صحیح اعداد کے سیٹ کو ظاہر کرتے ہیں:
9-	If $x + \frac{1}{x} = 9$, then $x^2 + \frac{1}{x^2} = ?$ (a) 81 (b) 18 (c) 27 (d) 79	اگر $x + \frac{1}{x} = 9$ ہو تو $x^2 + \frac{1}{x^2} = ?$ ہوگا:
10-	Which term of the an arithmetic sequence 3, 8, 13, _____ is 83? (a) 15 th (b) 16 th (c) 17 th (d) 18 th	3, 8, 13, _____ میں 83 کوئی کس نمبر ہے؟
11-	Factorization of $16a^3 - 400b^3$. (a) $2(a + 5b)(a - 5b)$ (b) $4(a + 5b)(a - 5b)$ (c) $6(a + 5b)(a - 5b)$ (d) $16(a - 5b)(a + 5b)$	$16a^3 - 400b^3$ کی تجزیہ ہے:

12-	If $U = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ and $A = \{2, 4, 6, \dots, 10\}$ and $B = \{1, 3, 5, \dots, 9\}$ then $(A - B)^c = ?$ اگر $U = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ اور $A = \{2, 4, 6, \dots, 10\}$ اور $B = \{1, 3, 5, \dots, 9\}$ تو $(A - B)^c = ?$
	(a) U (b) B (c) A (d) ϕ
13-	The mass of 72 books is 9kg. What will be the mass of 80 such books? 72 کتابوں کا وزن 9kg ہے 80 کتابوں کا وزن کیا ہوگا؟
	(a) 15kg (b) 12kg (c) 14kg (d) 10kg
14-	The value of x in $8 : x :: x : 8$ is: 8 : x :: x : 8 کی قیمت ہے:
	(a) +12 (b) -12 (c) ± 12 (d) ± 8
15-	Degree of polynomial $x^2 - xy + 1$ is: $x^2 - xy + 1$ کی ڈیگری کا درجہ ہے:
	(a) 1 (b) 2 (c) 3 (d) 4
16-	Product of extremes is equal to: اطراف کی ضرب برابر ہوتی ہے:
	(a) Direct proportion تناسب راست (b) Inverse proportion تناسب معکوس (c) Product of means وسطین کی ضرب (d) Division of means وسطین کی تقسیم
17-	The next term in the sequence 11, 8, 5, _____ is: سلسلے 11, 8, 5, _____ میں اگلی رقم ہے۔
	(a) 2 (b) 3 (c) 4 (d) 1
18-	Simplify: $(64)^{-2/3}$ سخت کر کے ہے:
	(a) 16 (b) $\frac{1}{16}$ (c) 14 (d) $\frac{1}{64}$
19-	Find the value of $x^2 + \frac{1}{x^2}$, when $x - \frac{1}{x} = 3$ $x^2 + \frac{1}{x^2}$ کی قیمت کیا ہوگی جب $x - \frac{1}{x} = 3$ ۔
	(a) 11 (b) 13 (c) 15 (d) 17
20-	In 25 minutes a train travels 20km, how far will it travel in 5 minutes? 25 منٹ میں ایک ٹرین 20 کلومیٹر کا سفر کرتی ہے۔ 5 منٹ میں کتنا سفر کرے گی؟
	(a) 4 km (b) 5 km (c) 5 km (d) 6 km
21-	The comparison of the quantities of same kind is called: ایک ہی قسم کی مقداروں کا موازنہ کہلاتا ہے:
	(a) Proportion تناسب (b) Ratio نسبت (c) Compound proportion مرکب تناسب (d) Inverse Proportion تناسب معکوس
22-	Which of the following fraction is terminating? درج ذیل میں سے کون سی کسر منقطع ہے؟
	(a) $\frac{5}{12}$ (b) $\frac{5}{7}$ (c) $\frac{1}{8}$ (d) $\frac{11}{12}$
23-	$A \cup (B \cap C) = ?$
	(a) $A \cup (B \cup C)$ (b) $A \cap (B \cup C)$ (c) $(A \cup B) \cap (A \cup C)$ (d) $(A \cap B) \cup (A \cap C)$
24-	$A \cap (B \cap C) = ?$
	(a) $(A \cap B) \cap C$ (b) $A \cap (B \cup C)$ (c) $(A \cup B) \cap (A \cup C)$ (d) $A \cup (B \cup C)$
25-	Which of the following is not polynomial? درج ذیل میں سے کون سی کثیر درجہ نہیں ہے؟
	(a) $y^x + 2y - 7$ (b) $3x^2 + 9x - 2$ (c) $x^{-2} - 4y + 7$ (d) $a^2b + 2ab - b^2c^4$

26-	The sum of the measures of any two sides of a triangle is always _____ the measure of its third side. (a) less than کم (b) greater than زیادہ (c) Equal برابر (d) less than or equal کم یا برابر
27-	Sum of interior angles of a quadrilateral is equal to: (a) 180° (b) 360° (c) 270° (d) 90°
28-	The value that occurs most frequently in the data is called: (a) Mean اوسط (b) Mode مادہ (c) Median وسطانیہ (d) Frequency فریکوئنسی
29-	Which of the following is not measure of central tendency? (a) Mean اوسط (b) Median وسطانیہ (c) Mode مادہ (d) Frequency تعدد
30-	Perpendicular bisectors of sides of a triangle are: (a) Similar متشاکل (b) Congruent متشاکل (c) Concurrent یکساں متوازی (d) Negative منفی
31-	Angle between tangent and radius is: (a) 90° (b) 120° (c) 160° (d) 180°
32-	If data is even the formula to find median: (a) $\left(\frac{n+1}{2}\right)^{th}$ (b) $\left(\frac{n+2}{2}\right)^{th}$ (c) $\left(\frac{n+2}{2}\right)^{th}$ (d) $(n+1)^{th}$
33-	A continuous part of the boundary of a circle is called: (a) Sector سیکٹر (b) Segment قطعہ (c) Arc قوس (d) Tangent مماس
34-	An arc whose measure is less than 180° is called: (a) Minor arc قوس صغیرہ (b) Major arc قوس کبیرہ (c) Arc lengths قوس کی لمبائی (d) Section area سیکٹر کا رقبہ
35-	Find the length of the third side: (a) 5cm (b) 10cm (c) 15cm (d) 20cm
36-	Which shapes are similar? (a)  (b)  (c)  (d) 
37-	When scale factor is between 0 and 1, then the image is resized to make image: (a) Equal برابر (b) Smaller چھوٹا (c) Larger بڑا (d) Revers الٹا
38-	Surface area of square pyramid is: (a) Area of base + 4 (area of face) (b) base area + 3 (area of each face) (c) $\frac{1}{3}$ base area $\times$ height of pyramid (d) base area + height of pyramid

39-	A line segment joining two points on a circle is called: (a) Chord وتر (b) Diameter قطر (c) Radius رداس (d) Arc قوس
40-	Every Triangle is congruent to: (a) Congruent متماثل (b) Similar متماثل (c) Rotation گردش (d) Itself خود
41-	_____ makes a shape larger or smaller. (a) Triangle مثلث (b) Congruent متماثل (c) Rotation گردش (d) Enlargement توسیع
42-	An arrangement of the values that one or more variables take in data is called: (a) Frequency تعدد (b) Frequency distribution تعددی پھیلاؤ (c) Median وسطانیہ (d) Mode عادیہ
43-	Scale factor is usually denoted by: (a) L (b) M (c) N (d) K
44-	The are length of a sector subtended by the angle of 45° of a circle with a radius of 14cm is: (a) 11 cm (b) 12 cm (c) 13 cm (d) 14 cm
45-	In data 10, 11, 12, 15, 14, 14, 10, 9, 10 frequency of 10 is: (a) 2 (b) 3 (c) 4 (d) 5
46-	The collection of information in the form of facts and figures is called: (a) Set سیٹ (b) Data ڈیٹا (c) Store سنور (d) Graph گراف
47-	Volume of any pyramid is always _____ of the volume of prism. (a) half آدھا (b) One-third ایک تہائی (c) One-fourth ایک چوتھائی (d) Equal برابر
48-	Surface area of sphere: (a) $4\pi r^2$ (b) $4\pi r$ (c) $\frac{4}{3}\pi r^3$ (d) $3\pi r^2$
49-	Which of the following sides make a triangle? (a) 6.7cm, 4.5cm, 3.4cm (b) 6cm, 3.5cm, 2cm (c) 8cm, 5cm, 2cm (d) 9cm, 5.4cm, 3.5cm
50-	Mean of 54, 52, 59, 55 is: (a) 44 (b) 55 (c) 65 (d) 75
51-	The length and width of a rectangle are 8cm and 6cm respectively then length of its diagonals: (a) 8cm (b) 10cm (c) 12cm (d) 14cm

52-	$(a - b)^2 = ?$ (a) $a^2 + 2ab + b^2$ (b) $(a + b)(a - b)$ (c) $a^2 - 2ab + b^2$ (d) $(a + b)(a + b)$
53-	8, 16, 24, _____ (a) 32 (b) 64 (c) 34 (d) 50
54-	Factorization of $x^2 + 3x - 40$ is: $x^2 + 3x - 40$ کی تجزی ہے۔ (a) $(x - 7)(x - 8)$ (b) $(x + 8)(x - 5)$ (c) $(2x + 1)(2x + 3)$ (d) $(x + 3)(x + 2)$
55-	If $U = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ and $A = \{2, 4, 6, \dots, 10\}$ and $B = \{1, 3, 5, \dots, 9\}$ then $(A - B)^c \cap B = ?$ اگر $U = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ اور $A = \{2, 4, 6, \dots, 10\}$ اور $B = \{1, 3, 5, \dots, 9\}$ اور $(A - B)^c \cap B$ ہے تو (a) U (b) B (c) A (d) ϕ
56-	Additive inverse of $\frac{7}{2}$ is: $\frac{7}{2}$ کا جمعی معکوس ہے: (a) $\frac{2}{7}$ (b) $\frac{7}{2}$ (c) $-\frac{7}{2}$ (d) $-\frac{2}{7}$
57-	Proportion means: تناسب کا مطلب ہے: (a) Equality of two ratios دو نسبتوں کی برابری (b) Equality of quantities قیمتوں کی برابری (c) inequality of two ratios دو نسبتوں کی غیر برابری (d) Inequality of quantities مقداروں کی غیر برابری
58-	The next term in the sequence 11, 8, 5, _____ is: سلسلے 11, 8, 5, _____ میں اگلی رقم ہے۔ (a) 2 (b) 3 (c) 3 (d) 1
59-	The symbol "v" is used for: "v" علامت استعمال ہوتی ہے: (a) and اور (b) or یا (c) belong to تعلق ہے (d) such that جیسا کہ
60-	" ~ " indicates _____ sign. " ~ " علامت کو ظاہر کرتی ہے۔ (a) equal برابر (b) Approximate تقریباً (c) Equivalent مترادف (d) Such that جیسا کہ
61-	Hamced bought a piece of land worth Rs.300000 and sold it for Rs.240000. Find his profit/loss percentage. حمید نے ایک زمین کا ٹکڑا 300000 روپے میں خریدا اور 240000 روپے میں فروخت کر دیا۔ اس کا نفع/ نقصان فیصد معلوم کریں۔ (a) 10% (b) 15% (c) 20% (d) 25%
62-	$5x^2 + 4$ is an example of polynomial. $5x^2 + 4$ کثیر درجی کی مثال ہے۔ (a) Linear یک درجی (b) Quadratic دو درجی (c) Cubic تین درجی (d) Biquadratic سرورجی
63-	Formula of area of sector of circle is: دائرے کے سیکٹر کے رقبے کا فارمولا ہے: (a) $\frac{x}{360} \times 2\pi r^2$ (b) $\frac{x}{360} \times \pi r^2$ (c) $\frac{x}{360} \times 2\pi r$ (d) $\frac{x}{180} \times 2\pi r$
64-	A line segment that passes through the centre of circle and touches its two edges is called: ایک قطعہ خط جو دائرے کے مرکز سے گزرے اور اس کے دو کناروں کو چھوئے کہلاتا ہے: (a) Diameter قطر (b) Radius رداس (c) Segment قطعہ (d) Arc قوس
65-	Mode is represented by: حادہ کو ظاہر کیا جاتا ہے: (a) $\bar{x}$ (b) $\tilde{x}$ (c) $\hat{x}$ (d) x^1

66-	9x - 7 is an example of _____ polynomial. (a) Linear یک درجی (b) Quadratic دو درجی (c) Cubic تین درجی (d) Biquadratic سر درجی
67-	Enlarging or shortening shape is called: (a) Congruent shape متماثل اشکال (b) Similar shape متشاکل شکل (c) Sealing shape قفل مابنا (d) Enlargement توسیع
68-	If the objects and figures have exactly the same shapes and sizes then they are called: (a) Similar shapes متشاکل اشکال (b) Congruent objects متماثل اجسام (c) Transformation تغیر (d) Rotation گردش
69-	Round 0.0234589 to the 4 significant figures: (a) 0.02346 (b) 0.02345 (c) 2346 (d) 0.0235
70-	To reduce the price of an article from its marked price is called: (a) Discount پھوٹ (b) Profit منافع (c) Period بہت (d) Insurance بصر
71-	$\sqrt{2}$ is: (a) Rational number ناطق عدد (b) Irrational number غیر ناطق عدد (c) Natural number ناطق عدد (d) Integer صحیح عدد
72-	The percentage means: (a) Per hundred سو میں سے (b) Per thousand ہزار میں سے (c) Per ten 10 میں سے (d) None کوئی نہیں
73-	Irrational numbers are non-terminating and _____ numbers. (a) Rational number ناطق عدد (b) Non - recurring غیر متوالی (c) Recurring متوالی (d) Decimal اعشاریہ
74-	$(A \cup B)^c = ?$ (a) $(A \cap B)^c$ (b) $A^c \cup B^c$ (c) $A^c \cap B^c$ (d) $A^c \cap B$
75-	Factorization of $3x^2 - 6xy$ is: (a) $3x(x + 2y)$ (b) $3x(3x + y)$ (c) $3x(x - 2y)$ (d) $2x(x - 3y)$
76-	Identify which property is used: (a) Transitive property خاصیت ترتیل (b) Addition property خاصیت جمع (c) Multiplication property خاصیت ضرب (d) None کوئی نہیں
77-	The cost price of a toy car is Rs 100. If it is sold at 10% discount then the selling price of toy car is: (a) 90 (b) 110 (c) 80 (d) 120
78-	If 12 men take 72 days to build a wall, how long would it take for 8 men? (a) 128 (b) 108 (c) 132 (d) 34

79-	The relation between two or more proportions is called: دو یا دو سے زیادہ تناسب کے درمیان مطابقت کو کہا جاتا ہے: (a) Compound proportion مرکب تناسب (b) Direct Proportion تناسب راست (c) Proportion تناسب (d) Inverse Proportion تناسب معکوس
80-	Factorization of $-9 + 9a^2$ is: $-9 + 9a^2$ کی تجزی ہے: (a) $-9(1 + a)$ (b) $-9(1 + a)(1 - a)$ (c) $-9(1 - a)$ (d) $9(1 - a)(1 + a)$
81-	Factorization of $x^2 + 7x + 12$ is: $x^2 + 7x + 12$ کی تجزی ہے: (a) $(x + 4)(x + 3)$ (b) $(x - 4)(x + 3)$ (c) $(x - 4)(x - 3)$ (d) $(x + 4)(x - 3)$
82-	The fixed point of the circle is called: دائرے کا مخصوص نقطہ کہلاتا ہے: (a) Radius روائس (b) Centre مرکز (c) Chord وتر (d) Circumference محیط
83-	The range of 25, 35, 60, 48, 38, 15, 55 is: 25:35:60:48:38:15:55 کی رینج ہے: (a) 30 (b) 35 (c) 40 (d) 45
84-	Formula of variance is: تغیر کا فارمولا ہے: (a) $S^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})}{n}$ (b) $S^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n}$ (c) $S^2 = \frac{\sum (x - \bar{x})}{n^2}$ (d) $S^2 = \frac{\sum (x + \bar{x})}{n^2}$
85-	The value that occurs most frequently in the data is called: مواد میں کثرت سے پائی جانے والی قدر کو کہتے ہیں: (a) Mean اوسط (b) Mode عادی (c) Median وسطانیہ (d) Frequency فریکوئنسی
86-	The number of times a value occurs in data is called: مواد میں قدر کے رولمان کی تعداد کو کہا جاتا ہے: (a) Frequency تعدد (b) Cumulative frequency مجموعہ تعدد (c) Class boundaries پیمائشی حدود (d) Distribution پھیلاؤ
87-	Angle between tangent and radius is: مماس اور دائرے کے درمیان زاویہ ہے: (a) 90° (b) 120° (c) 180° (d) 160°
88-	Base in t^9 is: t^9 میں اساس ہے: (a) 1 (b) 9 (c) t^9 (d) $9t$
89-	A straight line on which numbers are placed at equal intervals is: ایک خط مستقیم جس پر اعداد برابر فاصلے پر رکھے جائیں، کہلاتا ہے: (a) Pattern پیٹرن (b) Number line نمبر لائن (c) Ray شعاع (d) Equation مساوات
90-	If $A = \{a, b, c\}$ and $B = \{ \}$ then $A \cap B = ?$ اگر $A = \{a, b, c\}$ اور $B = \{ \}$ تو $A \cap B$ ہوگا؟ (a) $\{a, b, c\}$ (b) $\{a\}$ (c) $\{a, b\}$ (d) $\{ \}$
91-	If the selling price is higher than the cost price, then occurs. اگر قیمت فروخت، قیمت خرید سے زیادہ ہو تو ہوگا: (a) Profit نفع (b) Loss نقصان (c) Discount بچت (d) None کوئی نہیں

92-	A process in which we round the number to the actual value or required degree of accuracy is ایسا عمل جس میں ہم اعداد کو اصل مقدار یا درجہ کی مطلوبہ حد تک محدود کریں کہلاتا ہے:
(a) Significant figure	(b) Decimal point
(c) Round off	(d) Estimation
93-	Scientific notation of 0.000000027 is: 0.000000027 کی سائنسی ترکیب ہے:
(a) 2.7×10^{-8}	(b) 2.7×10^{-6}
(c) 2.7×10^8	(d) 2.7×10^6
94-	The distance around the circle is called: دائرے کے ارد گرد کے فاصلے کو کہا جاتا ہے:
(a) Diameter	(b) Chord
(c) Radius	(d) circumference
95-	A rotation of 90° clockwise about origin changes the point (x, y). مبدأ کے گرد 90° کلاک وائز گردش میں ایک نقطہ (x, y) تبدیل ہوتا ہے:
(a) (y, x)	(b) (y, -x)
(c) (x, y)	(d) (0, 0)
96-	Factorize: $6ab - 14ac$: تجزی کریں:
(a) $2a(3b - 7a)$	(b) $2a(3b - 4c)$
(c) $a(3b + 7c)$	(d) $2(3b - 4c)$
97-	If $C = \{a, b, c\}$ and $D = \{x, y, z\}$ then $C \cup D = ?$ اگر $C = \{a, b, c\}$ اور $D = \{x, y, z\}$ تو $C \cup D = ?$
(a) $\{a, b, c\}$	(b) $\{x, y, z\}$
(c) $\{a, b, c, x, y, z\}$	(d) $\{ \}$
98-	Round 548735 to 3- significant figures: 548735 کو 3 اہم ہندسوں تک محدود کریں۔
(a) 548733	(b) 548740
(c) 502000	(d) 549000
99-	Which is the Pythagorean theorem? سلاخیا غورث کون سا ہے؟
(a) $a^2 = b^2 - c^2$	(b) $a^2 + b^2 = c^2$
(c) $a + b + c = 180$	(d) $a^2 + b^2 + c^2 = 180^\circ$
100-	Standard deviation: معیاری انحراف:
(a) variance	(b) $\sqrt{\text{variance}}$
(c) $2 \times \text{variance}$	(d) None

Answers

1-	(c)	2-	(d)	3-	(c)	4-	(d)	5-	(b)	6-	(a)	7-	(b)	8-	(b)	9-	(d)	10-	(c)
11-	(d)	12-	(b)	13-	(d)	14-	(d)	15-	(c)	16-	(c)	17-	(a)	18-	(b)	19-	(a)	20-	(c)
21-	(b)	22-	(c)	23-	(c)	24-	(a)	25-	(c)	26-	(b)	27-	(b)	28-	(b)	29-	(d)	30-	(c)
31-	(a)	32-	(a)	33-	(c)	34-	(a)	35-	(b)	36-	(a)	37-	(b)	38-	(a)	39-	(a)	40-	(d)
41-	(d)	42-	(b)	43-	(d)	44-	(a)	45-	(b)	46-	(b)	47-	(b)	48-	(a)	49-	(a)	50-	(b)
51-	(b)	52-	(c)	53-	(a)	54-	(b)	55-	(b)	56-	(c)	57-	(a)	58-	(a)	59-	(b)	60-	(c)
61-	(c)	62-	(b)	63-	(b)	64-	(a)	65-	(c)	66-	(a)	67-	(d)	68-	(b)	69-	(a)	70-	(a)
71-	(b)	72-	(a)	73-	(b)	74-	(c)	75-	(c)	76-	(a)	77-	(a)	78-	(b)	79-	(a)	80-	(b)
81-	(a)	82-	(b)	83-	(d)	84-	(b)	85-	(b)	86-	(a)	87-	(a)	88-	(a)	89-	(b)	90-	(d)
91-	(a)	92-	(d)	93-	(a)	94-	(d)	95-	(b)	96-	(a)	97-	(c)	98-	(d)	99-	(b)	100-	(b)

Short Questions

Q1. Solve: $(3x^2 - 7x + 5)(4x^2 - 2x + 1)$ حل کریں:

$$\begin{aligned}\text{Sol. } &= 3x^2(4x^2 - 2x + 1) - 7x(4x^2 - 2x + 1) \\ &\quad + 5(4x^2 - 2x + 1) \\ &= 12x^4 - 6x^3 + 3x^2 - 28x^3 + 14x^2 - 7x \\ &\quad + 20x^2 - 10 + 5 \\ &= 12x^4 - 6x^3 - 28x^3 + 3x^2 + 14x^2 + 20x^2 \\ &\quad - 7x - 10x + 5 \\ &= 12x^4 - 34x^3 + 37x^2 - 17x + 5\end{aligned}$$

Q2. Verify: $A \cup B = B \cup A$ پتال کریں:

If $A = \{1, 2, 3, \dots, 15\}$ and $B = \{6, 8, 10, \dots, 20\}$

$$\begin{aligned}\text{Sol. } A \cup B &= \{1, 2, 3, \dots, 15\} \cup \{6, 8, 10, \dots, 20\} \\ &= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, \dots, 16, 18, 20\} \\ B \cup A &= \{6, 8, 10, \dots, 20\} \cup \{1, 2, 3, \dots, 15\} \\ &= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, \dots, 16, 18, 20\}\end{aligned}$$

So, $A \cup B = B \cup A$

Q3. Find the general term of 5, 7, 9, 11, _____

5, 7, 9, 11, _____ کی اسی طرح مطلق کریں۔

$$\begin{aligned}\text{Sol. } \text{Here } a_1 &= 5, \quad d = 2 \\ a_n &= a_1 + (n-1)d \\ a_n &= 5 + (n-1)2 \\ &= 5 + 2n - 2 \\ &= 3 + 2n\end{aligned}$$

Q4. Write power set of $\{a, b, c\}$.

$\{a, b, c\}$ کے پاور سیٹ لکھیں۔

$$\text{Sol. } \{\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}$$

Q5. Evaluate the square of 509. 509 کے مربع کی قیمت کریں۔

$$\begin{aligned}\text{Sol. } (509)^2 &= (500 + 9)^2 \\ &= (500)^2 + 2(500)(9) + (9)^2 \\ &= 250000 + 2(4500) + 81 \\ &= 250000 + 9000 + 81 \\ &= 259081\end{aligned}$$

Q6. Write $\frac{1}{99} : \frac{1}{66} : \frac{2}{33}$ into simplest form?

$\frac{1}{99} : \frac{1}{66} : \frac{2}{33}$ سادہ ترین شکل میں لکھیں۔

$$\begin{aligned}\text{Sol. } \frac{1}{99} \times \frac{1}{99} &: \frac{1}{66} \times \frac{1}{66} : \frac{2}{33} \times \frac{2}{33} \\ 2 : 3 : 6 \times 2 &\Rightarrow 2 : 3 : 12\end{aligned}$$

Q7. Simplify:

$$(81a^4)^{\frac{3}{4}}$$

مختصر کیجئے:

$$\begin{aligned}\text{Sol. } &= (9 \times 9 \times a^4)^{\frac{3}{4}} \\ &= (9^2 \times a^4)^{\frac{3}{4}} \\ &= 9^{\frac{3 \times 2}{4}} \times a^{\frac{4 \times 3}{4}} \\ &= 9^{\frac{3}{2}} \cdot a^{3 \times 3} \\ &= 9^{\frac{3}{2}} \cdot a^6 \\ &= 729a^6\end{aligned}$$

Q8. Verify the commutative law of union through venn diagram.

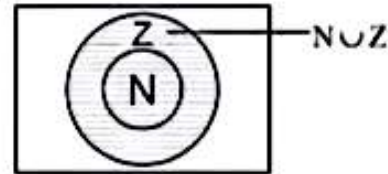
وین ڈیاگرام کے ذریعے خاصیت مبادلہ غلط یونین کی پتال کریں۔

The sets N and Z اور Z کا سیٹ ہے

Sol. Commutative law of union. خاصیت مبادلہ غلط یونین
 $N \cup Z = Z \cup N$

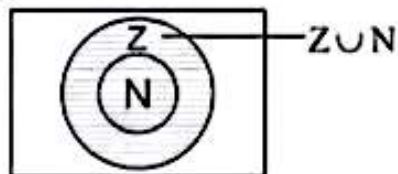
L.H.S

$$N \cup Z = Z$$



R.H.S

$$Z \cup N = Z$$



So L.H.S = R.H.S

Q9. Factorize: $\left(x - \frac{9}{5}\right)^3 - \frac{36y^2}{25}$ تجزیہ کریں:

$$\begin{aligned}\text{Sol. } &\left(x - \frac{9}{5}\right)^3 - \frac{36}{25}y^2 \\ &= \left(x - \frac{9}{5}\right)^3 - \left(\frac{6}{5}y\right)^3 \\ &= \left(x - \frac{9}{5} - \frac{6}{5}y\right)\left(x - \frac{9}{5} + \frac{6}{5}y\right)\end{aligned}$$

Q10. If $a = 20$, $r = 10$, $a_4 = ?$

$$\begin{aligned}\text{Sol. } a_n &= a_1 r^{n-1} \\ a_4 &= a_1 r^{4-1} \\ a_4 &= (20)(10)^3\end{aligned}$$

$$= 20 \times 1000 = 20000$$

$$a_4 = 20000$$

Q11. Round 0.0785229 to give 3 significant figures.
0.0785229 کو 3 اہم ہندسوں تک محدود کریں۔

Sol. 0.0785

Q12. Round $\frac{17}{3}$ to the 5 significant figure.

$\frac{17}{3}$ کو 5 اہم ہندسوں تک محدود کریں۔

Sol. $\frac{17}{3} = 5.666666 = 5.6667$ (5.st)

Q13. Factorize: $(x^2 - 8x + 15)$ تجزیہ کریں:

Sol: $(x^2 - 8x + 15)$
 $= x^2 - 5x - 3x + 15$
 $= x(x - 5) - 3(x - 5)$
 $\Rightarrow (x - 5)(x - 3)$

Q14. Check the type of decimal fractions of $\frac{2}{5}$.

$\frac{2}{5}$ کی کسرا عشاریہ کی قسم معلوم کریں۔

Sol. $\frac{4}{5} \begin{array}{r} 5 \overline{) 20} \\ \underline{-20} \\ 0 \end{array}$
 $\frac{2}{5} = 0.4$ which is terminating decimal fraction.

جو کہ ختم کسرا عشاریہ ہے۔

Q15. Add: $a^2 + 2a^3 - 6a + 7$, $a^2 + 2a + 5$, $2a^2 + 2a - a^2 - 8$.

جمع کریں: $a^2 + 2a^3 - 6a + 7$, $a^2 + 2a + 5$, $2a^2 + 2a - a^2 - 8$:

Sol. $a^2 + 2a^3 - 6a + 7$
 $a^2 + 0a^2 + 2a + 8$
 $+ 2a^2 - a^2 + 2a - 8$
 $\hline 4a^2 + a^2 - 2a + 4$

Q16. State Pythagoras theorem. مسئلہ ثانیہ فورٹ بیان کریں۔

Ans. $(\text{Base})^2 + (\text{Altitude})^2 = (\text{Hypotenuse})^2$

$(\text{وتر})^2 = (\text{ارٹاسٹا})^2 + (\text{قاعده})^2$

Q17. Find the radius of a sphere if its area is 154m^2 کرہ کا راس معلوم کریں جبکہ کرہ کی سطح کا رقبہ 154m^2 ہے۔

Sol. Let the area of curved surface = A
 Surface area کرہ کی سطحی رقبہ $= 4\pi r^2$
 $A = 4\pi r^2$

$$154 = 4 \times \frac{22}{7} \times r^2$$

$$\frac{154 \times 7}{88} = r^2$$

$$r^2 = \frac{1078}{88}$$

$$r^2 = 12.25$$

Taking sq-root on both sides. طرفین کا جذر مربع لیتے ہیں

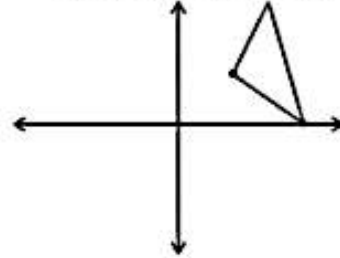
$$\sqrt{r^2} = \sqrt{12.25}$$

$$r = 3.5\text{m}$$

Q18. Find cube of $5x - 1$. $5x - 1$ کا مکعب معلوم کریں۔

Sol. $(5x - 1)^3 = (5x)^3 - 3(5x)(1)(5x - 1) - (1)^3$
 $= 125x^3 - 15x(5x - 1) - 1$
 $= 125x^3 - 75x^2 + 15x - 1$

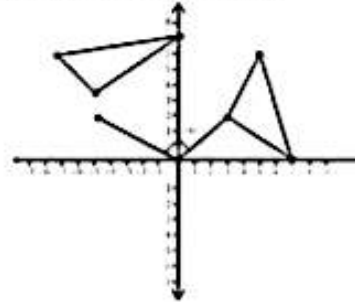
Q19. Rotate 90° counterclockwise about the origin. مبداء کے گرد 90° گھڑی کی مخالف سمت میں گمائیں۔



Sol. Here A(7, 0), B(3, 3) and C(5, 7) 90° counterclockwise rotation will be:

90° گھڑی کی مخالف سمت میں گردش ہوگی۔

$\Rightarrow A'(0, 7), B'(-3, 3), C'(-7, 5)$



Q20. Draw a triangle:

شکل بنائیں:

Hypotenuse $\overline{AC} = 7.6\text{cm}$ base $\overline{AB} = 5.4\text{cm}$

Sol. (i) Draw a base AB of measure 5.4cm

5.4cm کی پیمائش کا قاعدہ $\overline{AB}$ کھینچیں۔

(ii) Construct an angle of measure $\angle A = 90^\circ$

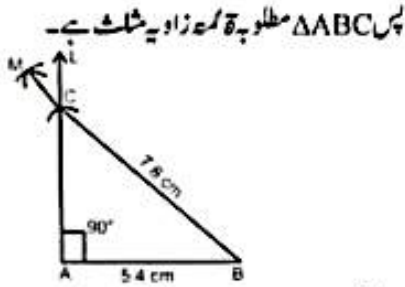
(iii) Draw an arc of radius 7.6cm on the ray AI.

شعاع AI پر راس 7.6cm کی ایک قوس بنائیں۔

(iv) Join the point B to the C on ray AI.

شعاع AL پر نقطہ C کو B سے ملائیں۔

(v) Thus $\triangle ABC$ is the required right-angled triangle.



Q21. Find mean: 1, 3, 5, 3, 5, 3, 7, 5, 7, 5, 7 : اوسط معلوم کریں:

Sol. $\bar{X} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{N}$
 $= \frac{1 + 3 + 3 + 3 + 5 + 5 + 5 + 5 + 7 + 7 + 7}{11}$
 $= \frac{51}{11} = 4.64$

Q22. A spherical tank is of radius 7.7m. How many litres of water can it contain?

ایک کرولی ٹینک کا رداس 7.7m ہے اس میں کتنے لیٹر پانی آسکتا ہے؟

Sol. Radius of spherical tank = $r = 7.7$ m
 کرولی ٹینک کا رداس
 $r = 7.7 \times 100$
 $= 770$ cm

Tank contain water = Volume of tank

ٹینک میں باقی = ٹینک کا حجم

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times (770)^3$$

$$= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 770 \times 770 \times 770$$

$$= \frac{88}{21} \times 456533000$$

$$= 19130906567 \text{ cm}^3$$

$$\therefore 1 \text{ l} = 1000 \text{ cm}^3$$

Total litres کل لیٹرز = $\frac{1913090667}{1000}$
 $= 1913000.667 \text{ l}$

Q23. Calculate mean:

If $D = x - 140$, $\Sigma D = 500$ and $n = 10$: اوسط معلوم کریں:

Sol. $D = x - 140$, $\Sigma D = 500$ and $n = 10$
 As $D = x - 140$

$$\Rightarrow A = 140$$

$$\text{Mean اوسط} = x = A + \frac{\Sigma D}{n}$$

$$= 140 + \frac{500}{10}$$

$$= 140 + 50$$

$$= 190 \text{ Ans}$$

Q24. Find the mode of the data: مواد کا عادی معلوم کریں:

12, 5, 7, 8, 2, 2, 4, 3, 5, 7, 2

Sol. Mode is 2. عادی 2 ہے۔

Q25. Find mean: 5, 4, 1, 4, 0, 3, 4, 11, 9: اوسط معلوم کریں:

Sol. Mean اوسط = $\frac{3 + 4 + 1 + 4 + 0 + 3 + 4 + 11 + 9}{9}$
 $= \frac{41}{9} = 4.556$

Q26. Write the formula of volume of sphere.

کر کے حجم کا فارمولا لکھیں۔

Ans. $V = \frac{4}{3} \pi r^3$

Q27. Define standard deviation. معیاری انحراف کی تعریف کریں۔

Ans. Standard deviation is the square root of the average of squared deviation from the mean.

معیاری انحراف اوسط سے مربع انحراف کی اوسط کا چذر المربع ہے۔

Q28. Define mode. عادی کی تعریف کریں۔

Ans. Mode is the value that occurs most frequently in a data. کسی مواد میں سب سے زیادہ مرتبہ آنے والی قیمت عادی کہلاتی ہے۔

Q29. Find median: 29, 32, 45, 27, 30, 47, 35, 37, 33

وسطانیہ معلوم کریں:

Sol. Arranging these values in descending order

دیے گئے مواد کو ترتیب نزولی میں لکھیں سے

47, 45, 37, 35, 33, 32, 30, 29, 27

(47, 45), (37, 35), 33, (32, 30), (29, 27)

Median وسطانیہ = 33

Q30. Which term of the arithmetic sequence 2, 5, 8, is 62?

حسابی تسلسلہ 2, 5, 8, کی کون سی رقم 62 ہے؟

Sol. $a_n = a_1 + (n - 1) d$

$$62 = 2 + (n - 1) 3$$

$$62 = 2 + 3n - 3$$

$$62 = 3n - 1$$

$$62 + 1 = 3n$$

$$\frac{63^{21}}{3} = n$$

$$\boxed{n = 21}$$

Q31. Write formula of mode for grouped data.

گروہی مواد کے لیے عادی کا فارمولا لکھیں۔

Ans. $\hat{X} = \frac{l + f_m - f_1}{(f_m - f_1) + (f_m - f_2)} \times h$

Q32. Find the absolute difference between 8 and -3
8 اور -3 میں مطلق فرق معلوم کریں۔

Sol. $= |8 - (-3)|$
 $= |8 + 3| = |11| \Rightarrow 11$

Q33. Verify $A \cap B = B \cap A$, if $A = \{1, 2, 3, \dots, 15\}$, $B = \{6, 8, 10, \dots, 20\}$
پڑتال کریں کہ $A \cap B = B \cap A$ اگر:

Sol. $A \cap B = B \cap A$
 $\{1, 2, 3, \dots, 15\} \cap \{6, 8, 10, \dots, 20\}$
 $= \{6, 8, 10, \dots, 20\} \cap \{1, 2, 3, \dots, 15\}$
 $\{6, 8, 10, 12, 14\} = \{6, 8, 10, 12, 14\}$ Proved

Q34. If $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ and $B = \{2, 4, 6, 8\}$ then find $B - A$.

$B - A$ ہوں $B = \{2, 4, 6, 8\}$ اور $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ اگر معلوم کریں۔

Sol. $B - A = \{2, 4, 6, 8\} - \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
 $= \{8\}$

Q35. Define variance. تغیر کی تعریف کریں۔

Ans. Variance is a single value, obtained by dividing the sum of square of the deviations taken from the mean by the number of observation in the data.

تغیر ایک ایسی واحد قدر ہے جو یٹا میں موجود مشاہدات کی تعدا پر حسابی اوسط سے لیے گئے انحرافات کے مربعوں کے مجموعے کو تقسیم کرنے سے حاصل کی جاتی ہے۔

Q36. Find the value of m: $7 : m :: m : 28$
m کی قیمت معلوم کریں:

Sol. Product of means = Product of extremes

طریقین کا حاصل ضرب = طریقین کا حاصل ضرب

$$m \times m = 7 \times 28$$

$$m^2 = 196$$

$$\sqrt{m^2} = \sqrt{196}$$

$$\boxed{m = 14}$$

Q37. Find the 5th term of geometric sequence 1, 2, 4, 8,
جیومیٹرک ترتیب 1, 2, 4, 8, کی پانچویں رقم معلوم کریں۔

Sol. $a_n = a_1 r^{n-1}$
 $a_5 = (1)(2)^{5-1}$
 $a_5 = 2^4$
 $\boxed{a_5 = 16}$

Q38. Write the subsets of $\{x, y\}$. {x, y} کے حقیقی سیٹ معلوم کریں۔

Sol. $\phi, \{x\}, \{y\}, \{x, y\}$

Q39. Simplify: $(2x - 3)(5x + 6)$ سخت کریں:

Sol. $(2x - 3)(5x + 6)$
 $= (2x)(5x + 6) - 3(5x + 6)$
 $= 10x^2 + 12x - 15x - 18$
 $= 10x^2 - 3x - 18$

Q40. Factorize: $2x - 4y + 6z$ تجزی کریں:

Sol. $2x - 4y + 6z$
 $= 2(x - 2y + 3z)$

Q41. Simplify: $\left(\frac{3}{4}\right)^{-2}$ سخت کریں:

Sol. $\frac{3^{-2}}{4^{-2}} = \frac{4^2}{3^2}$
 $= \frac{4 \times 4}{3 \times 3} = \frac{16}{9}$

Q42. Define major arc. قوس کبیرہ کی تعریف کریں۔

Ans. The arc which is greater than 180° is called major arc.
و قوس جو 180° سے زیادہ ہو قوس کبیرہ کہلاتی ہے۔

Q43. Find the range of the data:
25, 35, 60, 48, 38, 15, 55 مواد کی رینج معلوم کریں:

Sol. $R = X_m - X_o$
 $X_m = 60, X_o = 15$
 $R = 60 - 15$
 $R = 45$

Q44. Find the surface area of a sphere whose radius is 21cm. کرہ کا سطحی رقبہ معلوم کریں جس کا رداس 21 سم ہو۔

Sol. $S = 4\pi r^2$
 $r = 21\text{cm} \quad \therefore \left(\pi = \frac{22}{7}\right)$
 $S = 4 \times \frac{22}{7} \times (21)^2$
 $= 4 \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21$
 $\boxed{S = 5544 \text{ cm}^2}$

Q45. Find the range: 25, 35, 60, 48, 38, 15, 55

رج معلوم کریں:

Aus. Highest value = 60
Lowest value = 15
Range = Highest - Lowest
Range = 60 - 15 = 45

Q46. Find the absolute value of -36 and 9.

-36 اور 9 کی مطلق قیمت معلوم کریں۔

Sol. $|-36|$, $|9|$
= 36 , 9

Q47. Round $\frac{235}{28}$ to 3 decimal places.

$\frac{235}{28}$ کو 3 نقطہ اعشاریہ تک محدّد کریں۔

Sol. $\frac{235}{28} = 8.392857 = 8.393$ (3 d.p.)

Q48. Verify: $X \cap (Y \cap Z) = (X \cap Y) \cap Z$ پختال کریں:

If $X = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$, $Y = \{2, 4, 6, 7, 8\}$ $Z = \{5, 6, 7, 8\}$

Sol. L.H.S = $X \cap (Y \cap Z)$
 $X \cap (Y \cap Z) = \{-1, 0, 2, 4, 5\} \cap (\{1, 2, 3, 4, 7\} \cap \{4, 6, 8, 10\})$
= $\{-1, 0, 2, 4, 5\} \cap \{4\}$
= $\{ \}$
R.H.S $(X \cap Y) \cap Z = (\{-1, 0, 2, 4, 5\} \cap \{1, 2, 3, 4\}) \cap \{4, 6, 8, 10\}$
= $\{2, 4\} \cap \{4, 6, 8, 10\}$
= $\{4\}$
So L.H.S = R.H.S

Q49. If $A = \{0\}$, $B = \{0, 1\}$ and $C = \{ \}$ then prove

اگر $A = \{0\}$, $B = \{0, 1\}$ اور $C = \{ \}$ ہو تو ثابت کریں:

$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

Sol. $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$
 $\{0\} \cup (\{0, 1\} \cap \{ \}) = \{0\} \cup \{0, 1\} \cap (\{0\} \cup \{ \})$
 $\{0\} \cup \{ \} = \{0, 1\} \cap \{0\}$
 $\{0\} = \{0\}$ Proved

Q50. Find cube of $5x - 1$. $5x - 1$ کا مکعب معلوم کریں۔

Sol. $(5x - 1)^3 = (5x)^3 - 3(5x)(1)(5x - 1) - (1)^3$
= $125x^3 - 15x(5x - 1) - 1$
= $125x^3 - 75x^2 + 15x - 1$

Q51. Shayan takes 200 steps for walking a distance of 160m. Find the distance covered by him in 350 steps.

شایان 160 میٹر کا فاصلہ طے کرنے کے لیے 200 قدم چلا ہے۔ 350 قدموں میں اس کا طے کردہ فاصلہ معلوم کریں۔

Sol. Let distance covered by him = x

فرض کریں اس کا طے کردہ فاصلہ

Steps	:	Distance
200	:	160
350	:	x
$\Rightarrow \frac{x}{160} = \frac{350}{200}$		
$200 \times x = 350 \times 160$		
$x = \frac{160 \times 160}{200}$		
$x = 280m$		

Q52. Factorize: $a^2 - b^2 - 4b - 4$ تجزیہ کریں:

Sol. $\Rightarrow a^2 - (b^2 + 4b + 4)$
= $a^2 - (b^2 + 2(2)(b) + 2^2)$
= $a^2 - (b + 2)^2$
= $(a + b + 2)(a - (b + 2))$
 $\therefore x^2 - y^2 = (x + y)(x - y)$
= $(a + b + 2)(a - b - 2)$

Q53. Factorize: $4x^2 + 13xy + 9y^2$ تجزیہ کریں:

Sol. $4x^2 + 13xy + 9y^2$
= $4x^2 + 4xy + 9xy + 9y^2$
= $4x(x + y) + 9y(x + y)$
= $(x + y)(4x + 9y)$

Q54. The mean of 50 numbers is 75. Find their sum. 50 اعداد کا مجموعہ 75 ہے۔ مجموعہ معلوم کریں۔

Sol. Mean = $\frac{\text{sum of values}}{\text{number of values}}$

مجموعہ کا اوسط = $\frac{\text{قیمتوں کا مجموعہ}}{\text{قیمتوں کی تعداد}}$

$75 = \frac{\text{sum}}{50}$

$75 \times 50 = \text{Sum}$ مجموعہ

$3750 = \text{Sum}$ مجموعہ

Q55. Define Tangent.

مماس کی تعریف کریں۔

Ans. A straight line that touches the circle at a single point externally is called a tangent.

دو نقطہ جو دائرے کو بیرونی طور پر ایک نقطہ سے مس کرے، مماس کہلاتا ہے۔

Q56. Solve: $(x^2 - 19x - 30) + (x + 3)$

حل کریں:

$$\begin{array}{r} x^2 - 3x - 10 \\ x + 3 \overline{) x^2 - 19x - 30} \\ \underline{+ 3x^2} \\ -3x^2 - 19x - 30 \\ \underline{+ 3x^2 + 9x} \\ -10x - 30 \\ \underline{+ 10x + 30} \\ 0 \end{array}$$

Sol.

Q57. Find the volume of a sphere if r is 8.7cm.

کرہ کا حجم معلوم کریں جب کہ رداس 8.7 سم ہے۔

$$\begin{aligned} \text{Sol. } V &= \frac{4}{3} \pi r^3 \\ \Rightarrow V &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times (8.7)^3 \\ V &= \frac{88}{21} \times 658.503 \\ V &= \frac{57948.264}{21} \\ V &= 2759.44 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

Q58. Find the arithmetic sequence of $a_n = 3n + 6$.

$a_n = 3n + 6$ کا حسابی تسلسلہ معلوم کریں۔

$$\begin{aligned} \text{Sol. } a_n &= 3n + 6 \\ \text{If } n &= 1 \quad a_1 = 3(1) + 6 \\ a_1 &= 3 + 6 \\ a_1 &= 9 \\ \text{If } n &= 2 \quad a_2 = 3(2) + 6 \\ a_2 &= 6 + 6 \\ a_2 &= 12 \\ \text{If } n &= 3 \quad a_3 = 3(3) + 6 \\ a_3 &= 9 + 6 \\ a_3 &= 15 \end{aligned}$$

So sequence is:

انہذا ترتیب ہے:

9, 12, 15,

Q59. Write the formula of scale factor.

سکیل فیکٹر کا فارمولا لکھیں۔

$$\text{Sol. Scale factor} = \frac{\text{Distance of image from centre}}{\text{Distance of object from centre}}$$

شیجے کا مرکز سے فاصلہ = سکیل فیکٹر

شیجے کا مرکز سے فاصلہ

Q60. Calculate the mean: 55, 52, 53, 55, 54, 59

اوسط معلوم کریں:

$$\begin{aligned} \text{Sol. Mean} &= \frac{55 + 52 + 53 + 55 + 54 + 59}{6} \\ &= \frac{328}{6} = 54.67 \end{aligned}$$

Long Questions

1. If x and y are in direct proportion, then complete the table and draw its graph.

ایک x اور y کا سبب راست میں ہوں تو جدول مکمل کریں اور گراف کھینچیں۔

x	2	6	8	10	12	14
y	8		32		48	

Sol.

For x

For y

$$2 \times 3 = 6$$

$$8 \times 3 = 24$$

$$2 \times 4 = 8$$

$$8 \times 4 = 32$$

$$2 \times 5 = 10$$

$$8 \times 5 = 40$$

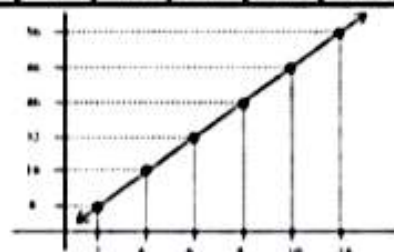
$$2 \times 6 = 12$$

$$8 \times 6 = 48$$

$$2 \times 7 = 14$$

$$8 \times 7 = 56$$

x	2	6	8	10	12	14
y	8	24	32	40	48	56



2. If 230.75 kg of jaggery powder is to be packed equally in the packets, each packet contains 2.5 kg of jaggery powder. Find the number of required packets. Also find how much jaggery powder will be there in 15 packets of mass 2.5kg?

اگر 230.75 کلوگرام شکر کو یکساں جڈلوں میں پیک کیا جاتا ہو اور ہر ایک جڈل 2.5 کلوگرام کی پیمائش رکھتا ہو تو دو کار جڈلوں کی تعداد معلوم کریں اور مزید یہ بھی معلوم کریں کہ 2.5 کلوگرام وزن کے 15 جڈل میں کتنی شکر آئے گی؟

Sol. Total jaggery powder = 230.75 kg

Jaggery in each packet = 2.5 kg

$$\text{No of required packets} = \frac{250.75}{2.5} = 92.3 \approx 93$$

Total Jaggery powder in 15 packets of mass

$$2.5 \text{ kg} = 15 \times 2.5 \text{ kg}$$

$$2.5 = 37.5 \text{ kg}$$

3. If 150 shirts can be stitched on 6 Sewing machine in a day, how many machines are required to stitch 225 shirts in a day?

اگر ایک دن میں 6 سلائی مشینوں پر 150 شرٹس سلائی کی جاسکتی ہیں تو ایک دن میں 225 شرٹس سلائی کرنے کے لیے کتنی مشینوں کی ضرورت ہوگی؟

Machines :	Shirts
مشینیں :	شرٹس
6 :	150
x :	225
$\frac{x}{6} = \frac{225}{150}$	

$$\Rightarrow x \times 150 = 6 \times 225$$

$$x = \frac{6 \times 225}{150}$$

$$x = 9$$

So 9 machines are required پس 9 مشینوں کی ضرورت ہوگی

4. If 15 labourers earn Rs 67,500 in 9 days, how much money will 10 labourers earn in 12 days?

اگر 15 مزدور 9 دنوں میں 67,500 روپے کماتے ہیں۔ معلوم کیجئے کہ 10 مزدور 12 دنوں میں کتنی رقم کمائیں گے؟

Sol.

Labour	Days	Money
مزدور	دن	رقم
15 ↑	9 ↑	67500 ↑
10 ↑	12 ↑	x ↑
$\frac{x}{67500} = \frac{10}{15} \times \frac{12}{9}$		
$\frac{x}{67500} = \frac{12}{15} \times \frac{10}{9}$		
$x = \frac{12}{15} \times \frac{10}{9} \times 67500$		
$= \frac{8100000}{135}$		

$$x = 60,000 \text{ Rs روپے}$$

Thus labourers will earn Rs. 60,000

پس مزدور 60,000 روپے کمائیں گے۔

5. $50\frac{3}{4}$ kilograms of rice is to be packed

equally in $5\frac{1}{2}$ kilograms packets. How many packets of rice will be packed?

$50\frac{3}{4}$ کلوگرام چاول $5\frac{1}{2}$ کلوگرام ہڈل میں پکے جاتے ہیں تو چاولوں کے کتنے ہڈل پکے ہوں گے؟

Sol. Total weight of rice چاولوں کا وزن = $50\frac{3}{4}$ kg

$$\text{Weight of rice in one packet} = 5\frac{1}{2} \text{ kg}$$

ایک ہڈل میں چاولوں کا وزن

$$\text{Total packets کل پکیٹس} = \frac{50.75}{5.5} = 9.2 \times 10$$

So, total 10 packets of rice will be packed.

پس کل 10 چاولوں کے ہڈل پکے ہوں گے۔

6. Ten men can assemble 4100 cycles in 8 days. How many cycles will 5 men assemble if they work for 16 days.

10 آدمی 8 دنوں میں 400 سائیکلیں تیار دے سکتے ہیں۔ بتائیے 5 آدمی 16 دنوں میں کتنی سائیکلیں تیار کریں گے؟

Sol.

Days	Man	Cycles
دن	آدمی	سائیکلیں
8 ↑	10 ↑	400 ↑
16 ↑	5 ↑	x ↑
$\frac{x}{400} = \frac{5}{10} \times \frac{16}{8}$		
$x = \frac{5}{10} \times \frac{16}{8} \times 400$		
$x = \frac{32000}{80}$		

$$x = 400 \text{ Cycles سائیکلیں}$$

Thus 400 cycles will be assembled.

پس 16 دنوں میں 400 سائیکلیں تیار ہوں گی۔

7. Find the first four terms of $a_n = 5 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^{n-1}$.

$a_n = 5 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^{n-1}$ کی پہلی چار رقم معلوم کریں۔

Sol. $a_n = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^{n-1}$

Putting $n = 1, 2, 3, 4,$

$$a_1 = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^{1-1} = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^0 = 5 \times 1 = 5$$

$$\boxed{a_1 = 5}$$

$$a_2 = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^{2-1} = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^1 = \frac{5}{5} = 1$$

$$\boxed{a_2 = 1}$$

$$a_3 = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^{3-1} = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^2 = 5 \times \frac{1}{25} = \frac{1}{5}$$

$$\boxed{a_3 = \frac{1}{5}}$$

$$a_4 = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^{4-1} = 5 \times \left(\frac{1}{5}\right)^3 = 5 \times \frac{1}{125} = \frac{1}{25}$$

$$\boxed{a_4 = \frac{1}{25}}$$

8. If $x + \frac{1}{x} = 7$, then find value of $x^3 + \frac{1}{x^3}$.

اگر $x + \frac{1}{x} = 7$ ہے تو $x^3 + \frac{1}{x^3}$ کی قیمت معلوم کریں۔

Sol. $x + \frac{1}{x} = 7$

Taking cube of both sides

طریقین کا کامپ لیٹے سے

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 = (7)^3$$

$$x^3 + 3\left(x\right)\left(\frac{1}{x}\right)\left(x + \frac{1}{x}\right) + \left(\frac{1}{x}\right)^3 = 343$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} + 3(7) = 343$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} + 21 = 343$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = 343 - 21$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = 322$$

9. Find the mean, median and mode of the following frequency table.

درج ذیل تعدد جدول کا اوسط، وسطی اور عائدہ معلوم کریں۔

Class limits	1 - 5	6 - 10	11 - 15	16 - 20
Frequency	19	24	18	21
Class limits	21 - 25	26 - 30	31 - 35	36 - 40
Frequency	23	20	16	15

Sol.

Class Interval	Frequency	Class Mark (x)	f(x)	Cf
1 - 5	19	3	57	19
6 - 10	24	8	192	19 + 24 = 43
11 - 15	18	13	234	43 + 18 = 61
16 - 20	21	18	378	61 + 21 = 82
21 - 25	23	23	529	82 + 23 = 105
26 - 30	20	28	560	105 + 20 = 125
31 - 35	16	33	528	125 + 16 = 141
36 - 40	15	38	570	141 + 15 = 156
	$\Sigma f = 156$		$\Sigma fx = 3048$	

$$\text{Mean} = \bar{x} = \frac{\Sigma fx}{\Sigma f}$$

$$= \frac{3048}{156} = 19.54$$

$$l = 15.5, \quad \frac{\Sigma f}{2} = \frac{156}{2} = 78$$

$$h = 4, c = 61, f = 21$$

$$\tilde{x} = 15.5 + \frac{4}{21}(78 - 61)$$

$$\tilde{x} = 15.5 + 3.24$$

$$\tilde{x} = 18.74$$

$$\text{Mode} = \hat{X} = l + \frac{f_m - f_1}{(f_m - f_1) + (f_m - f_2)} \times h$$

$$l = 15.5, f_m = 24, f_1 = 19, f_2 = 18, h = 4$$

$$\hat{x} = 15.5 + \frac{24 - 19}{(24 - 19) + (24 - 18)} \times 4$$

$$= 5.5 + \frac{5}{5+6} \times 4$$

$$= 5.5 + 1.82$$

$$= 7.32$$

10. Find the value of $x^4 + \frac{1}{x^4}$, where $x - \frac{1}{x} = 1$.
- $x - \frac{1}{x} = 1$ کی قیمت معلوم کریں جبکہ

Sol. $x - \frac{1}{x} = 1$

Taking square on both sides طرفین کا مربع لینے سے

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = (1)^2$$

$$x^2 - 2\left(\cancel{x}\right)\left(\frac{1}{\cancel{x}}\right) + \left(\frac{1}{x}\right)^2 = 1$$

$$x^2 - 2 + \frac{1}{x^2} = 1$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 1 + 2$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$$

دوبارہ طرفین کا مربع لینے سے

$$\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^2 = (3)^2$$

$$(x^2)^2 + 2\left(\cancel{x^2}\right)\left(\frac{1}{\cancel{x^2}}\right) + \left(\frac{1}{x^2}\right)^2 = 9$$

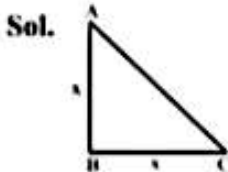
$$x^4 + \frac{1}{x^2} + 2 = 9$$

$$x^4 + \frac{1}{x^2} = 9 - 2$$

$$\boxed{x^4 + \frac{1}{x^4} = 7}$$

11. In an isosceles right angled triangle, the square of the hypotenuse is 98cm^2 . Find the lengths of the equal sides.

ایک مساوی الساقین قائمہ الزاویہ مثلث میں وتر کی لمبائی 98 مربع سینٹی میٹر ہے۔ متماثل اضلاع میں سے ہر ایک کی لمبائی معلوم کریں۔



Length of first congruent side = x cm

پہلے متماثل ضلع کی لمبائی

Length of second congruent side = x cm

دوسرے متماثل ضلع کی لمبائی

Length of hypotenuse وتر کی لمبائی = 98cm^2

By Pythagoras theorem:

مسائل غور سے:

(hypo وتر)² = (base قاعدہ)² + (Altitude ارتفاع)²

$$98 = x^2 + x^2$$

$$98 = 2x^2$$

$$x^2 = \frac{98}{2}$$

$$x^2 = 49$$

$$\boxed{x = 7\text{cm}}$$

So, length of congruent sides is 7cm

پس متماثل اضلاع کی لمبائی 7cm ہے۔

12. Jamal uses a compass to draw an arc of lengths 11cm and a radius of 7cm . Find the angle of this arc?

جمال 11 سینٹی میٹر کی لمبائی اور 7 سینٹی میٹر کا رداس کھینچنے کے لیے پرکار کا استعمال کرتا ہے اس قوس کا زاویہ معلوم کریں۔

Sol. Arc length قوس کی لمبائی = 11cm

$$r = 7\text{cm}$$

$$\text{Angle زاویہ} = x = ?$$

$$L = \frac{x}{360^\circ} \times 2\pi r$$

$$\frac{360^\circ L}{2\pi r} \times x \Rightarrow x = \frac{360^\circ \times (11)}{2 \times \frac{22}{7} \times 7}$$

$$x = \frac{360^\circ}{4}$$

13. Find the surface area of square pyramid whose base is 5cm and slant height is 10cm .

ایک مربع نما مخروط کا سطح کا رقبہ معلوم کریں جس کے قاعدے کی لمبائی 5 سینٹی میٹر اور ترجمی اونچائی 10 سینٹی میٹر ہے۔

Sol. Base length قاعدے کی لمبائی = 5cm

Slant height ترجمی اونچائی = 10cm

∴ Surface area of pyramid = Area of base + 4

$$\left(\frac{1}{2} \text{ base} \times \text{slant height}\right)$$

∴ Surface area of pyramid = Area of base + 4

(ترجمی اونچائی × قاعدہ + $4 \left(\frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{قاعدہ} \right)$ = مربع نماخر و ط کا سطحی رقبہ)

$$= 5 \times 5 + 4 \left(\frac{1}{2} \times 5 \times 10 \right)$$

$$= 25 + 4(25)$$

$$= 25 + 100 = 125 \text{ cm}^2$$

14. Construct a square PQRS, when its diagonal is 4cm more than its side.

مربع PQRS بنائیں جبکہ وتر کی لمبائی ضلع کی لمبائی سے 4cm زیادہ ہو۔

Sol. Steps of construction:

معارج عمل:

(i) Draw $\overline{AB}$ and mark a point P on it.

$\overline{AB}$ کھینچیں اور اس پر نقطہ P لگایا۔

(ii) Construct $m\angle P = 90^\circ$ at P.

(iii) Draw two arcs of radius 4cm and centre at P which intersects $\overline{AB}$ at M and $\overline{PN}$ at L.

نقطہ P کو مرکز مان کر 4cm رداس کی دو قوسیں لگائیں جو $\overline{AB}$ کو M اور $\overline{PN}$ کو L پر قطع کریں گی۔

(iv) Draw an arc of radius 4cm at M which intersects $\overline{AB}$ at Q.

نقطہ M کو مرکز مان کر 4cm رداس کی ایک قوس کھینچیں جو $\overline{AB}$ کو Q پر قطع کرے۔

(v) Draw an arc of radius $\overline{LM}$ and centre at A which intersects $\overline{PN}$ at S.

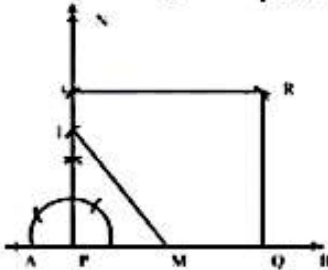
مرکز A پر رداس $\overline{LM}$ کی قوس کھینچیں جو $\overline{PN}$ کو S پر قطع کرے۔

(vi) Draw two arcs each of radius $\overline{LM}$, one centre at Q and second at S. These arcs intersect at R.

رداس $\overline{LM}$ میں سے ہر ایک میں سے دو قوسیں کھینچیں ایک مرکز Q پر اور دوسرا مرکز S پر۔ یہ دونوں قوسیں R پر ایک دوسرے کو قطع کرتی ہیں۔

(vii) Join R with S and Q.

Hence PQRS is required square. ہذا PQRS مطلوبہ مربع ہے۔



15. Factorize: $3x + cx + 3c + c^2$ تجزیہ کریں:

$$\begin{aligned} \text{Sol. } 3x + cx + 3c + c^2 \\ &= (3x + cx) + (3c + c^2) \\ &= x(3 + c) + c(3 + c) \end{aligned}$$

$$= (3 + c)(x + c)$$

16. Construct a triangle with the help of compass and ruler. 45° , 90° , 5.4cm.

پر کار اور خطانکی مدد سے درج ذیل مثلث بنائیں۔

Sol. Steps of construction:

معارج عمل:

(i) Draw a line segment AB of measure 5.4 cm.

5.4 سینٹی میٹر کی پیمائش کا ایک قطعہ خط AB کھینچیں۔

(ii) Construct an angle BAZ of measure 45° at A.

A پر 45° پیمائش کا زاویہ BAZ بنائیں۔

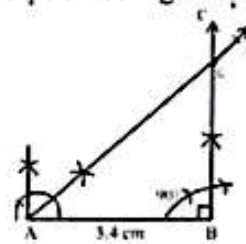
(iii) Construct an angle ABM of measure 90° at B.

B پر 90° پیمائش کا زاویہ ABM بنائیں۔

(iv) Ray AZ and BM intersect each other at point C.

پس $\triangle ABC$ مطلوبہ مثلث ہے۔

Thus $\triangle ABC$ is required triangle.



17. Factorize: $36\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 - 64\left(x - \frac{5}{4}\right)^2$ تجزیہ کریں:

$$\begin{aligned} \text{Sol. } &= 36\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 - 64\left(x - \frac{5}{4}\right)^2 \\ &= (6)^2\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 - (8)^2\left(x - \frac{5}{4}\right)^2 \\ &= \left[6\left(x - \frac{1}{4}\right)\right]^2 - \left[8\left(x - \frac{5}{4}\right)\right]^2 \\ &= \left[6x - \frac{6}{4}\right]^2 - \left[8x - \frac{40}{4}\right]^2 \\ &= \left[6x - \frac{6}{4} - \left(8x - \frac{40}{4}\right)\right] \left[6x - \frac{6}{4} + 8x - \frac{40}{4}\right] \quad \text{S of R} \\ &= \left[6x - \frac{6}{4} - 8x + \frac{40}{4}\right] \left[6x + 8x - \frac{6}{4} - \frac{40}{4}\right] \\ &= \left[6x - 8x + \frac{40}{4} - \frac{6}{4}\right] \left[6x + 8x - \frac{40 - 6}{4}\right] \\ &= \left(-2x + \frac{40 - 6}{4}\right) \left(14x - \frac{46}{4}\right) \\ &= \left(\frac{34}{4} - 2x\right) \left(14x - \frac{46}{4}\right) \end{aligned}$$

$$= \left(\frac{17}{2} - 2x \right) \left(14x - \frac{23}{2} \right)$$

18. In a data $n = 5$, $\sum x^2 = 10400$ and $\sum x = 50$. Find variance and standard deviation.

مواد میں $\sum x = 50$ اور $\sum x^2 = 10400$ اور $n = 5$ تصدیق اور معیاری انحراف معلوم کریں۔

Sol. $n = 5$, $\sum x^2 = 10400$, $\sum x = 50$

$$\begin{aligned} \text{variance (تصدیق)} (S^2) &= \frac{\sum x^2}{n} - \left(\frac{\sum x}{n} \right)^2 \\ &= \frac{10400}{5} - \left(\frac{50}{5} \right)^2 \\ &= 2080 - 100 \\ &= 1980 \\ S.D &= \sqrt{\text{variance}} \text{ تصدیق} \\ &= \sqrt{1980} = 44.5 \end{aligned}$$

19. Find mean, median and mode of the number of calories in nine different beverages of 250ml bottles:

اوسط، وسطی اور عادی معلوم کریں۔ 250 ملی میٹر کی بوتلوں کے 9 مختلف مشروبات میں کیلو ریز کی تعداد:

90, 106, 101, 103, 108, 107, 107, 106, 108

Sol. Arrange the data in ascending order

مواد کو ترتیب صعودی میں ترتیب دینے سے

99, 101, 103, 106, 106, 107, 107, 108, 108

$$\text{Mean اوسط} = \bar{X} = \frac{945}{9} = 105$$

$$\begin{aligned} \text{Median وسطی} &= \bar{X} = \left(\frac{n+1}{2} \right)^{\text{th}} \\ &= \left(\frac{9+1}{2} \right)^{\text{th}} = 5^{\text{th}} \\ \boxed{\bar{X} = 106} \end{aligned}$$

Mode عادی = 106, 107, 108

20. Draw a trapezium PQRS so, that $PQ = 7\text{cm}$, $mQR = mRS = 5\text{cm}$, $mPS = 6\text{cm}$.

PQRS درختہ بنائیں جس میں $PQ = 7\text{cm}$ ، $mQR = mRS = 5\text{cm}$ اور $mPS = 6\text{cm}$ ۔

Sol. Steps of construction: عادی بنائیں:

(i) Draw a line segment $mPQ = 7\text{cm}$. ایک قطعہ $mPQ = 7\text{cm}$ بنائیں۔ (i)

(ii) Mark a point E on PQ such that $PE = SR = 5\text{cm}$. Draw an arc of 5cm with center E.

PQ پر نقطہ E ایسے لگائیں کہ $PE = SR = 5\text{cm}$ ہو۔ اس نقطہ سے 5cm کی ایک قوس لگائیں۔ (ii)

(iii) Draw another arc with Q as centre and radius 5cm cutting the previous arc at R.

Q کو مرکز مان کر 5cm کی ایک اور قوس لگائیں جو پہلی قوس کو R پر قطع کرے۔ (iii)

(iv) Draw an arc of 5cm with centre at R. R کو مرکز مان کر 5cm کی قوس لگائیں۔ (iv)

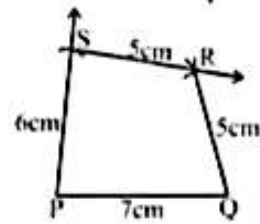
(v) Draw another arc with P as centre and radius 6cm cutting the previous arc at S.

P کو مرکز مان کر 6cm کی ایک قوس لگائیں جو پہلی قوس کو S پر قطع کرے۔ (v)

(vi) Join Q with R and R with S and S with P. Q کو R اور R کو S اور S کو P سے ملائیں۔ (vi)

Thus, PQRS is the required trapezium.

لہذا PQRS مطلوبہ درختہ ہے۔



21. To decorate a birthday party, Zara used ribbons of two colours. The length of blue ribbon is $15\frac{2}{3}$ metres. The length of green ribbon is $\frac{4}{5}$ times the length of blue ribbon.

سارہ نے ایک سالگرہ کی پارٹی کو سجانے کے لیے دو رنگ کے ربن استعمال کیے۔ نیلے ربن کی لمبائی $15\frac{2}{3}$ میٹر ہے اور ہزر ربن کی لمبائی نیلے ربن کی لمبائی سے $\frac{4}{5}$ گنا ہے۔

What is the length of green ribbon? ہزر ربن کی لمبائی کیا ہے؟

Sol. Length of blue ribbon نیلے ربن کی لمبائی = $15\frac{2}{3}\text{m}$ میٹر

$$= \frac{47}{3}\text{m} \text{ میٹر}$$

Length of green ribbon = $\frac{4}{5}$ times of blue ribbon length

سبز ربن کی لمبائی = نیلے کی $\frac{4}{3}$ گنا

$$\begin{aligned} \text{The length of green ribbon} &= \frac{47}{3} \times \frac{4}{5} \\ &= \frac{188}{15} \\ &= 12\frac{8}{15} \text{ m میٹر} \end{aligned}$$

22. If the mean of the following distribution is 3.78 find the value of a.

اگر درج ذیل پھیلاؤ کا اوسط 3.78 ہے تو a کی قدر معلوم کریں۔

x	2	3	4	5	6
f	10	a	11	9	8

Sol.	x	f	fx
	2	10	20
	3	a	3a
	4	11	44
	5	9	45
	6	8	48
	$\Sigma f = a + 38$		$\Sigma fx = 3a + 157$

Here $\bar{X} = 3.78$

$$\bar{X} = \frac{\Sigma fx}{\Sigma f}$$

$$3.78 = \frac{\Sigma fx}{\Sigma f}$$

$$3.78 = \frac{39 + 157}{a + 38}$$

$$3.78(a + 38) = 3a + 157$$

$$3.78a + 143.64 = 3a + 157$$

$$3.78a - 3a = 157 - 143.64$$

$$0.78a = 13.36$$

$$\Rightarrow a = \frac{13.36}{0.78}$$

$$\boxed{a = 17.13}$$

23. Verify De - Morgan's law if: $U = N$, $A = \phi$ and $B = P$

ڈی مارگن کے قوانین کی پڑتال کریں اگر:

If $U = \{1, 2, 3, \dots\}$, $A = \{\}$, $B = \{2, 3, 5, 7, 11, \dots\}$

Sol. De Morgan's law
 $(A \cup B)^c = U - A \cup B$
 L.H.S

$$\begin{aligned} A \cup B &= \{\} \cup \{2, 3, 5, 7, \dots\} \\ &= \{2, 3, 5, 7, \dots\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U - A \cup B &= \{1, 2, 3, \dots\} - \{2, 3, 5, 7, \dots\} \\ &= \{1, 4, 6, 8, \dots\} \end{aligned}$$

R.H.S

$$A^c \cap B^c$$

$$A^c = U - A$$

$$= \{1, 2, 3, \dots\} - \{\}$$

$$= \{1, 2, 3, \dots\}$$

$$B^c = U - B$$

$$= \{1, 2, 3, \dots\} - \{2, 3, 5, 7, \dots\}$$

$$= \{1, 4, 6, 8, \dots\}$$

$$A^c \cap B^c = \{1, 2, 3, \dots\} \cap \{1, 4, 6, 8, \dots\}$$

$$= \{1, 4, 6, 8, \dots\}$$

So. L.H.S = R.H.S

24. The total length of the Great Wall of China is 21196.18 km. Round the number to 1 decimal place and 5 significant figures.

عظیم دیوار چین کی کل لمبائی 21196.18 کلومیٹر ہے۔ عدد کو 1 اعشاری مقام (1 d.p.) اور 5 ہندسوں (5 s.f.) تک محدود کریں۔

Sol. Total length of the Great Wall of China

عظیم دیوار چین کی کل لمبائی

$$= 21196.18 \text{ km کلومیٹر}$$

The number of 1 d.p. 11 اعشاری مقام تک ہندسہ

$$= 21196.2 \text{ km کلومیٹر}$$

The number of 5 significant figures (5 s.f.) 5 ہندسوں تک

$$= 21196 (5s.f.)$$

25. 14 masons can build a wall of 12 meters high in 12 days. How many masons will be needed to build a wall of 120 meters high in 7 days?

اگر 14 معمار 12 میٹر اونچی دیوار کو 12 دنوں میں مکمل کر لیتے ہیں تو بتائیے 120 میٹر اونچی دیوار 7 دنوں میں کتنے معمار مکمل کر سکیں گے:

Sol.

Height of wall : Days : Masons

$$\begin{array}{ccc} \text{دیوار کی اونچائی} & \text{دن} & \text{معمار} \\ 12 \uparrow & : 12 & : 14 \uparrow \\ 120 \uparrow & : 7 & : x \uparrow \\ \Rightarrow \frac{x}{14} = \frac{12}{7} \times \frac{120}{12} \end{array}$$

(i) Draw $m\overline{DE} = 4\text{cm}$ نکٹیں $m\overline{DE} = 4\text{cm}$

(ii) Draw an arc with centre at E and radius 8cm.

نقطہ E کو مرکز مان کر 8cm کی قوس کھینچیں

(iii) Draw an arc with centre at D and radius 13cm. It intersects the previous arc at point F.

نقطہ D کو مرکز مان کر 13cm رداس کی ایک قوس کھینچیں اس نے پہلی قوس کو نقطہ F پر قطع کیا۔

(iv) Draw an arc with centre D and radius 4cm above D.

مرکز D اور رداس 4cm کے ساتھ ایک قوس کھینچیں۔

(v) Draw an arc with centre at E and radius 5cm which intersect the arc drawn from D at F.

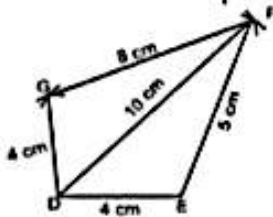
مرکز E کے ساتھ ایک قوس بنائیں اور رداس 5cm، جو D سے کھینچی گئی قوس کو نقطہ F پر قطع کرے۔

(vi) Join F with E and F with G and G with D.

F کو E اور F کو G اور G کو D سے ملائیں۔

Hence DEFG is required kite

پس DEFG مطلوبہ پتنگ ہے۔



30. $50\frac{3}{4}$ kilograms of rice is to be packed equally in $5\frac{1}{2}$ kilograms packets. Find:

$50\frac{3}{4}$ کلوگرام چاول $5\frac{1}{2}$ کلوگرام بڈل میں پیک کیے جانے ہیں معلوم کریں:

(i) how many packets of rice will be packed?
چاولوں کے کتنے بڈل پیک ہوں گے؟

(ii) how much rice will be there in 8 packets of mass $5\frac{1}{2}$ kilograms?

$5\frac{1}{2}$ کلوگرام وزن کے 8 بڈلوں میں کتنے چاول ہوں گے؟

Sol. Total weight of rice = $50\frac{3}{4}$ kg کلوگرام

چاولوں کا کل وزن = 50.75 kg کلوگرام

Weight of rice in one packet = $50\frac{1}{2}$ kg کلوگرام

چاولوں کے ایک بڈل میں وزن = $\frac{11}{3}$ kg = 5.5 kg کلوگرام

(i) Total packets of rice will be = $\frac{50.75\text{kg}}{5.5\text{kg}}$ کلوگرام

So, Total 10 packets of rice will be packed, پس کل 10 چاولوں کے بڈل بنیں گے۔

(ii) Weight of rice in one packet = $5\frac{1}{2}$ kg کلوگرام

چاولوں کے ایک بڈل کا وزن = 5.5 kg کلوگرام

Mass of rice in 8 packets = $5.5 \text{ kg} \times 8$

8 بڈلوں میں چاولوں کا وزن = 44 kg کلوگرام

So, 44 kg mass of rice will be there in 8 packets of mass $5\frac{1}{2}$ kg.

پس، $5\frac{1}{2}$ kg کلوگرام وزن کے 8 بڈلوں میں 44 کلوگرام چاول ہوں گے۔

31. The sum of two polynomials is $x^2 + 2x - y^2$. If one polynomial is $x^2 - 2xy + 3$, then find the other polynomial.

دو کثیر رقمیوں کا مجموعہ $x^2 + 2x - y^2$ اگر ایک کثیر رقمی $x^2 - 2xy + 3$ دوسری کثیر رقمی معلوم کریں۔

Sol. $x^2 + 2x - y^2$
 $x^2 - 2xy + 3$

2nd Polynomial $\text{دوسری رقم} = \frac{x^2 + 2x - y^2 - (x^2 - 2xy + 3)}{2x - y^2 + 2xy - 3}$

32. The total length of the Great Wall of China is 21196.18 km. Round the number to 1 decimal place and 5-significant figures.

عظیم دیوار چین کی کل لمبائی 21196.18 کلومیٹر ہے۔ عدد کو 1 اعشاری مقام اور 5 اہم ہندسوں (5 s.f.) تک محدود کریں۔

Sol. Total length of the Great Wall of China

کلومیٹر = 21196.18 km عظیم دیوار چین کی کل لمبائی

The number to 1 d.p. = 21196.2 km اعشاری مقام تک ہندسہ

The number to 5-significant figures (5.s.f) = 21196 km

$$= 51196 \text{ (5.s.f.)}$$

33. If $A = \{a, b, c\}$, $B = \{b, d, f\}$ and $C = \{a, f, c\}$, then show that $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$.

اگر $C = \{a, f, c\}$ اور $B = \{b, d, f\}$ ، $A = \{a, b, c\}$

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

Sol. $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

$$\text{L.H.S} = A \cup (B \cap C)$$

$$A \cup (B \cap C) = \{a, b, c\} \cap (\{b, d, f\} \cap \{a, f, c\})$$

$$A \cup (B \cap C) = \{a, b, c\} \cap \{f\}$$

$$A \cup (B \cap C) = \{a, b, c, f\} \quad \text{_____ (i)}$$

$$\text{R.H.S} = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cup B = \{a, b, c\} \cup \{b, d, f\}$$

$$A \cup B = \{a, b, c, d, f\}$$

$$A \cup C = \{a, b, c, d, f\} \cup \{a, f, c\}$$

$$A \cup C = \{a, b, c, f\}$$

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = \{a, b, c, d, f\} \cap \{a, b, c, f\}$$

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = \{a, b, c, d, f\} \quad \text{_____ (ii)}$$

Thus, from (i) and (ii), we conclude that:

سادات (i) اور (ii) سے ہم نتیجہ اخذ کرتے ہیں کہ

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

34. Find the range, variance and standard deviation.

دی گئی مقداروں کے لیے رشت، تغیریت اور معیاری انحراف معلوم کریں۔

75, 88, 90, 80, 81, 87, 82, 89

Sol. Range رشت = $X_m - X_o$

$$= 90 - 7$$

$$R = 15$$

$$\text{Variance تغیریت} = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n}$$

$$\bar{x} = \frac{75 + 88 + 90 + 88 + 91 + 87 + 82 + 89}{n}$$

$$= \frac{680}{8}$$

$$\bar{x} = 85$$

x	$x - \bar{x}$	$(x - \bar{x})^2$
75	-10	100
88	3	9
90	3	25
88	3	9
81	-4	16
87	2	4

82	-3	9
89	4	16
		$\Sigma(x - \bar{x}) = 188$

$$S^2 = \frac{188}{8} = 23.5$$

$$S.D = \sqrt{\text{variance}} \text{ تغیریت}$$

$$= \sqrt{23.5} = 4.85$$

35. A manufacturer sells an article which cost him Rs. 2500 at 20% profit. The purchaser sells the article at 30% gain. Find the final sale price of the article.

ایک مینوفیکچرر ایک چیز، جس کی قیمت خرید اسے 2500 روپے پڑی، 20 فیصد منافع پر بیچتا ہے۔ خریدار اسی چیز کو 30 فیصد منافع پر آگے بڑھ دیتا ہے۔ اس چیز کی آخری قیمت فروخت معلوم کریں۔

Sol. Cost price = Rs. 2500

Profit of manufacture = 20%

Profit of purchaser = 30%

Profit of manufacture on articles = 20% × 2500

منفعت کار کا حاصل کردہ منافع

$$= \frac{20}{100} \times 2500$$

$$= \frac{1}{8} \times 700,000$$

$$= \text{Rs. } 500$$

Market price = Rs. 2500 + Rs. 500

بازار کی قیمت

$$= \text{Rs. } 3000$$

Profit of purchaser = 30% × 3000

خریدار کا حاصل کردہ منافع

$$= \frac{30}{100} \times 3000$$

$$= \frac{30000}{100}$$

Final sale price of the article = Rs. 3000 + Rs. 900

چیز کی حتمی قیمت = Rs. 3900

Hence, the final sale price of the article Rs. 3900.

پس، چیز کا جب کہ 3900 روپے میں فروخت ہوئی۔

36. Construct a rectangle ABCD, when $m\angle A$

= 4cm and $m\angle C = 6cm$.

$$= 51196 \text{ (5.s.f.)}$$

33. If $A = \{a, b, c\}$, $B = \{b, d, f\}$ and $C = \{a, f, c\}$, then show that $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$.

اگر $A = \{a, b, c\}$ اور $B = \{b, d, f\}$ اور $C = \{a, f, c\}$

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

Sol. $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

$$L.H.S = A \cup (B \cap C)$$

$$A \cup (B \cap C) = \{a, b, c\} \cap \{b, d, f\} \cap \{a, f, c\}$$

$$A \cup (B \cap C) = \{a, b, c\} \cap \{f\}$$

$$A \cup (B \cap C) = \{a, b, c, f\} \text{ (i)}$$

$$R.H.S = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cup B = \{a, b, c\} \cup \{b, d, f\}$$

$$A \cup B = \{a, b, c, d, f\}$$

$$A \cup C = \{a, b, c, d, f\} \cup \{a, f, c\}$$

$$A \cup C = \{a, b, c, f\}$$

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = \{a, b, c, d, f\} \cap \{a, b, c, f\}$$

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = \{a, b, c, d, f\} \text{ (ii)}$$

Thus, from (i) and (ii), we conclude that:

مسوات (i) اور (ii) سے ہم نتیجہ اخذ کرتے ہیں کہ

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

34. Find the range, variance and standard deviation.

دی گئی مقداروں کے لیے رینج، تغیرت اور معیاری انحراف معلوم کریں۔

75, 88, 90, 80, 81, 87, 82, 89

Sol. Range رینج = $X_m - X_o$

$$= 90 - 7$$

$$R = 15$$

$$\text{Variance تغیرت} = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n}$$

$$\bar{x} = \frac{75 + 88 + 90 + 88 + 91 + 87 + 82 + 89}{n}$$

$$= \frac{680}{8}$$

$$\bar{x} = 85$$

x	$x - \bar{x}$	$(x - \bar{x})^2$
75	-10	100
88	3	9
90	3	25
88	3	9
81	-4	16
87	2	4

82	-3	9
89	4	16
		$\Sigma(x - \bar{x}) = 188$

$$S^2 = \frac{188}{8} = 23.5$$

$$S.D = \sqrt{\text{variance}}$$

$$= \sqrt{23.5} = 4.85$$

35. A manufacturer sells an article which cost him Rs. 2500 at 20% profit. The purchaser sells the article at 30% gain. Find the final sale price of the article.

ایک مینوفیکچرر ایک چیز، جس کی قیمت خرید اسے 2500 روپے پڑی، 20 فیصد منافع پر بیچتا ہے۔ خریدار اسی چیز کو 30 فیصد منافع پر آگے بڑھ دیتا ہے۔ اس چیز کی آخری قیمت فروخت معلوم کریں۔

Sol. Cost price = Rs. 2500

Profit of manufacture = 20%

Profit of purchaser = 30%

Profit of manufacture on articles = 20% × 2500

منفعت کار کا حاصل کردہ منافع

$$= \frac{20}{100} \times 2500$$

$$= \frac{1}{8} \times 700,000$$

$$= \text{Rs. } 500$$

Market price = Rs. 2500 + Rs. 500

بازار کی قیمت

$$= \text{Rs. } 3000$$

Profit of purchaser = 30% × 3000

خریدار کا حاصل کردہ منافع

$$= \frac{30}{100} \times 3000$$

$$= \frac{30000}{100}$$

Final sale price of the article = Rs. 3000 + Rs. 900

چیز کی حتمی قیمت = Rs. 3900

Hence, the final sale price of the article Rs. 3900.

پس، چیز کا جبکہ 3900 روپے میں فروخت ہوئی۔

36. Construct a rectangle ABCD, when $m\angle A$

= 4cm and $m\angle C = 6cm$.

مستطیل ABCD بنائیں جبکہ $mAB = 4\text{cm}$ اور $mBC = 6\text{cm}$ ہے۔

Sol. Steps of construction:

(i) Draw $mAB = 4\text{cm}$ مختصیہ $mAB = 4\text{cm}$

(ii) Construct $m\angle A = m\angle B = 90^\circ$

$2m\angle A = m\angle B = 90^\circ$ بنائیں

(iii) Draw an arc with centre at A and of radius 6cm which intersects AG at point D.

مرکز A پر ایک قوس بنائیں اور رداس 6cm جو کہ AG کو نقطہ D پر قطع کرے۔

(iv) Draw an arc with centre at B and of radius 6cm which intersects the BH at point C.

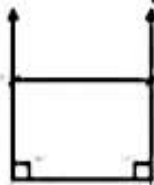
مرکز B اور رداس 6cm کے ساتھ ایک قوس بنائیں جو BH کو نقطہ C پر قطع کرے۔

(v) Join C with D

C کو D ملائیں

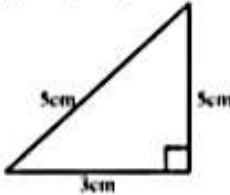
Hence ABCD is the required rectangle

ابنہذا ABCD مطلوبہ مستطیل ہے



37. The base of pyramid is a right angled triangle of sides 3cm, 4cm and 5cm. If height of pyramid is 7cm, find volume of the pyramid.

مخروط کے قاعدے کا ایک قائمہ الزاویہ مثلث کے اضلاع 3cm اور 4cm، 5cm ہیں۔ اگر مخروط کی اونچائی 7cm ہو تو مخروط کا حجم معلوم کریں۔



Sol. base کا قاعدہ = 3cm

height of pyramid مخروط کی اونچائی = 7cm

As we know that ہم جانتے ہیں کہ

Volume of pyramid مخروط کا حجم = $\frac{1}{3} \times \text{base area}$ کا قاعدے کا

مخروط کی اونچائی $\times \text{height of pyramid}$ رتبہ

$$= \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 4 \right) \times 7$$

$$= 2 \times 7$$

کعبہ بنی میز = 14 cm^3

38. What should be added to $4x^3 - 10x^2 + 12x + 6$ so that it becomes exactly divisible by $2x + 1$?

$4x^3 - 10x^2 + 12x + 6$ میں کیا جمع کیا جائے کہ اسے $2x + 1$ پر بالکل تقسیم کر دے؟

$$\begin{array}{r} 2x^3 - 6x^2 + 9 \\ 2x + 1 \overline{) 4x^3 - 10x^2 + 12x + 6} \\ \underline{+ 4x^3 + 2x^2} \\ -12x^2 + 12x \\ \underline{+ 12x^2 + 6x} \\ 18x + 6 \\ \underline{+ 18x + 9} \\ -3 \end{array}$$

Sol.

So, -3 should be added to $4x^3 - 10x^2 + 12x + 6$

So that it becomes exactly divisible by $2x + 1$

لہذا -3 کو $4x^3 - 10x^2 + 12x + 6$ میں جمع کرنے سے یہ $2x + 1$ پر بالکل تقسیم ہو سکے گا۔

39. The following table gives the distribution of marks obtained by two classes. Which class is better on the average?

درج ذیل جدول میں دو کلاسز کے حاصل کردہ فیروں کی تقسیم دی گئی ہے۔ سادہ کون

سی کلاس کی بہتر ہے؟

Marks مارکس	30 - 40	40 - 50	50 - 60	60 - 70	70 - 80	80 - 90
Class A کلاس A	20	32	35	40	15	8
Class B کلاس B	15	30	40	42	20	10

Sol.

Marks	X	f_A	$f_A X$	f_B	$f_B X$
30-40	35	20	700	15	525
40-50	45	32	1440	30	1250
50-60	55	35	1925	40	2200
60-70	65	40	2600	42	2730
70-80	75	15	1125	20	1500
80-90	85	8	680	10	850
		$\Sigma f_A = 150$	$\Sigma f_A X = 8470$	$\Sigma f_B = 157$	$\Sigma f_B X = 9155$

$$\bar{X}_A = \frac{\Sigma f_A X}{\Sigma f_A} = \frac{8470}{150} = 56.47$$

$$\bar{X}_B = \frac{\Sigma f_B X}{\Sigma f_B} = \frac{9155}{157} = 58.31$$

So $\bar{X}_B > \bar{X}_A$

بیس کلاس B اور $\bar{X}_B$ بہتر ہے۔

40. The sum of interior angles of a triangle is

$$x = \frac{12}{7} \times \frac{120}{7} \times \frac{120}{12} \times 14$$

$$= \frac{20160}{84}$$

$x = 240$ masons مہمار

So, 240 masons will be required

پس 120 میٹر اونچائی پر 240 مہمار مکمل کریں گے

26. Given a pyramid with a square base of side 7cm. If the total surface area of the pyramid is 161cm^2 . Find its slant height.

ایک مربع کا قاعدے کا مخروط جس کا ضلع 7cm ہے۔ اگر اس مخروط کا کل سطحی رقبہ 161cm^2 ہو تو ترچھی اونچائی معلوم کریں۔

Sol. base قاعدہ = 7cm , T.A = 161cm^2

base area قاعدے کا رقبہ = $7 \times 7 = \text{cm}^2$

slant height ترچھی اونچائی = ?

As we know جیسا کہ ہم جانتے ہیں

Total S.A of pyramid = base area +

$$4 \left(\frac{1}{2} \times \text{base} \times \text{slant height} \right)$$

(ترچھی اونچائی $\times$ قاعدہ $\times \frac{1}{2}$) + 4 قاعدے کا رقبہ = مخروط کا کل سطحی رقبہ

$$161\text{cm}^2 = 49\text{cm}^2 + 4 \left(\frac{1}{2} \times 7 \times x \right)$$

$$161 - 49 = 14x$$

$$\frac{112}{14} = x$$

$$8\text{cm} = x = \text{slant height ترچھی اونچائی}$$

27. The market price of an article is Rs 3000. Discount on this article is 20%. Find the selling price of the article.

ایک چیز کی درج شدہ قیمت 3000 روپے ہے۔ اس چیز پر چھوٹ 20% ہے۔ اس کی قیمت فروخت معلوم کریں۔

Sol. Marked price درج شدہ قیمت = Rs 3000

Discount چھوٹ = 20%

$$\text{Discount چھوٹ} = \frac{20}{100} \times 300$$

$$= \text{Rs } 600$$

S.P = M.P - Discount چھوٹ

$$= 3000 - 600$$

$$= 2400 \text{ Ans}$$

28. Verify De-Morgan's Laws if $U = \{1, 2, 3, \dots, 15\}$, $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$ and $B = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$. اگر $U = \{1, 2, 3, \dots, 15\}$ اور $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$ اور $B = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$ {ڈی مارگن قوانین کی تصدیق کریں۔

Sol. De - Morgan law: $(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$

$$\text{L.H.S} = (A \cup B)^c = U - (A \cup B)$$

$$A \cup B = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\} \cup \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$$

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14\} \cup \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$$

$$(A \cup B)^c = U - A \cup B$$

$$= \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, 15\} - \{1, 2, 3, 4, \dots, 14\}$$

$$(A \cup B)^c = \{15\}$$

$$\text{R.H.S} = A^c \cap B^c$$

$$A^c = U - A = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, 15\} - \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$$

$$A^c = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 15\}$$

$$B^c = U - B = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, 15\} - \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$$

$$B^c = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15\}$$

$$A^c \cap B^c = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 15\} \cap \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15\}$$

$$A^c \cap B^c = \{15\}$$

Hence, De-Morgan law proved. لہذا ڈی مارگن قانون ثابت ہوا۔

$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$$

$$\text{L.H.S} = (A \cap B)^c$$

$$(A \cap B)^c = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\} \cap \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$$

$$= \{ \}$$

$$(A \cap B)^c = U - (A \cap B)$$

$$= \{1, 2, 3, 4, \dots, 15\} - \{ \}$$

$$= \{1, 2, 3, 4, \dots, 15\}$$

$$A^c = U - A$$

$$= \{1, 2, 3, 4, \dots, 15\} - \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$$

$$B^c = U - B$$

$$= \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, 15\} - \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$$

$$= \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15\}$$

$$\text{R.H.S} = A^c \cup B^c$$

$$= \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 15\}$$

$$\cup \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15\}$$

$$= \{1, 2, 3, 4, \dots, 15\}$$

29. Construct a kite DEFG where $m\overline{DE} = 4\text{cm}$, $m\overline{EF} = 8\text{cm}$ and the length of the diagonal is $m\overline{DE} = 10\text{cm}$ $m\overline{EF} = 8\text{cm}$, $m\overline{DE} = 4\text{cm}$.

چنگ DEFG بنائیے جکہ $m\overline{EF} = 8\text{cm}$, $m\overline{DE} = 4\text{cm}$ اور $m\overline{DE} = 10\text{cm}$ کی لمبائی ہے۔

Sol. Step of construction

ماریں